

$1/4$	$3/4$	0
0	$3/4$	$1/4$
$2/4$	0	$2/4$
$1/4$	$2/4$	$1/4$

Kerekítsük az alábbi táblázatban szereplő számokat a táblázatkerekítési lemma szerint.

$1/4$	$3/4$	0
0	$3/4$	$1/4$
$2/4$	0	$2/4$
$1/4$	$2/4$	$1/4$

Kerekítsük az alábbi táblázatban szereplő számokat a táblázatkerekítési lemma szerint.

Mivel minden sor- és oszlopösszeg egész, ezért ezt megtehetjük.

$1/4$	$3/4$	0
0	$3/4$	$1/4$
$2/4$	0	$2/4$
$1/4$	$2/4$	$1/4$

Kerekítsük az alábbi táblázatban szereplő számokat a táblázatkerekítési lemma szerint.

Mivel minden sor- és oszlopösszeg egész, ezért ezt megtehetjük.

Az a cél, hogy minden számot úgy kerekítsünk fel- vagy lefelé, hogy a sor- és oszlopösszegek ne változzanak.

$1/4$	$3/4$	0
0	$3/4$	$1/4$
$2/4$	0	$2/4$
$1/4$	$2/4$	$1/4$

Induljunk el egy nemegész elemből.

$\frac{1}{4}$	$\frac{3}{4}$	0
0	$\frac{3}{4}$	$\frac{1}{4}$
$\frac{2}{4}$	0	$\frac{2}{4}$
$\frac{1}{4}$	$\frac{2}{4}$	$\frac{1}{4}$

Induljunk el egy nemegész elemből.

$\frac{1}{4}$	$\frac{3}{4}$	0
0	$\frac{3}{4}$	$\frac{1}{4}$
$\frac{2}{4}$	0	$\frac{2}{4}$
$\frac{1}{4}$	$\frac{2}{4}$	$\frac{1}{4}$

Induljunk el egy nemegész elemből.

Mivel az oszlopösszegek egészek, ezért ennek az elemnek az oszlopában van legalább egy másik nemegész elem.

$\frac{1}{4}$	$\frac{3}{4}$	0
0	$\frac{3}{4}$	$\frac{1}{4}$
$\frac{2}{4}$	0	$\frac{2}{4}$
$\frac{1}{4}$	$\frac{2}{4}$	$\frac{1}{4}$

Induljunk el egy nemegész elemből.

Mivel az oszlopösszegek egészek, ezért ennek az elemnek az oszlopában van legalább egy másik nemegész elem.

$\frac{1}{4}$	$\frac{3}{4}$	0
0	$\frac{3}{4}$	$\frac{1}{4}$
$\frac{2}{4}$	0	$\frac{2}{4}$
$\frac{1}{4}$	$\frac{2}{4}$	$\frac{1}{4}$

Induljunk el egy nemegész elemből.

Mivel az oszlopösszegek egészek, ezért ennek az elemnek az oszlopában van legalább egy másik nemegész elem.

Mivel a sorösszegek egészek, ezért ennek az elemnek a sorában van legalább egy másik nemegész elem.

$\frac{1}{4}$	$\frac{3}{4}$	0
0	$\frac{3}{4}$	$\frac{1}{4}$
$\frac{2}{4}$	0	$\frac{2}{4}$
$\frac{1}{4}$	$\frac{2}{4}$	$\frac{1}{4}$

Induljunk el egy nemegész elemből.

Mivel az oszlopösszegek egészek, ezért ennek az elemnek az oszlopában van legalább egy másik nemegész elem.

Mivel a sorösszegek egészek, ezért ennek az elemnek a sorában van legalább egy másik nemegész elem.

$\frac{1}{4}$	$\frac{3}{4}$	0
0	$\frac{3}{4}$	$\frac{1}{4}$
$\frac{2}{4}$	0	$\frac{2}{4}$
$\frac{1}{4}$	$\frac{2}{4}$	$\frac{1}{4}$

Induljunk el egy nemegész elemből.

Mivel az oszlopösszegek egészek, ezért ennek az elemnek az oszlopában van legalább egy másik nemegész elem.

Mivel a sorösszegek egészek, ezért ennek az elemnek a sorában van legalább egy másik nemegész elem.

Mivel az oszlopösszegek egészek, ezért ennek az elemnek az oszlopában van legalább egy másik nemegész elem, stb.

$\frac{1}{4}$	$\frac{3}{4}$	0
0	$\frac{3}{4}$	$\frac{1}{4}$
$\frac{2}{4}$	0	$\frac{2}{4}$
$\frac{1}{4}$	$\frac{2}{4}$	$\frac{1}{4}$

Induljunk el egy nemegész elemből.

Mivel az oszlopösszegek egészek, ezért ennek az elemnek az oszlopában van legalább egy másik nemegész elem.

Mivel a sorösszegek egészek, ezért ennek az elemnek a sorában van legalább egy másik nemegész elem.

Mivel az oszlopösszegek egészek, ezért ennek az elemnek az oszlopában van legalább egy másik nemegész elem, stb.

$\frac{1}{4}$	$\frac{3}{4}$	0
0	$\frac{3}{4}$	$\frac{1}{4}$
$\frac{2}{4}$	0	$\frac{2}{4}$
$\frac{1}{4}$	$\frac{2}{4}$	$\frac{1}{4}$

Induljunk el egy nemegész elemből.

Mivel az oszlopösszegek egészek, ezért ennek az elemnek az oszlopában van legalább egy másik nemegész elem.

Mivel a sorösszegek egészek, ezért ennek az elemnek a sorában van legalább egy másik nemegész elem.

Mivel az oszlopösszegek egészek, ezért ennek az elemnek az oszlopában van legalább egy másik nemegész elem, stb.

$\frac{1}{4}$	$\frac{3}{4}$	0
0	$\frac{3}{4}$	$\frac{1}{4}$
$\frac{2}{4}$	0	$\frac{2}{4}$
$\frac{1}{4}$	$\frac{2}{4}$	$\frac{1}{4}$

Induljunk el egy nemegész elemből.

Mivel az oszlopösszegek egészek, ezért ennek az elemnek az oszlopában van legalább egy másik nemegész elem.

Mivel a sorösszegek egészek, ezért ennek az elemnek a sorában van legalább egy másik nemegész elem.

Mivel az oszlopösszegek egészek, ezért ennek az elemnek az oszlopában van legalább egy másik nemegész elem, stb.

$\frac{1}{4}$	$\frac{3}{4}$	0
0	$\frac{3}{4}$	$\frac{1}{4}$
$\frac{2}{4}$	0	$\frac{2}{4}$
$\frac{1}{4}$	$\frac{2}{4}$	$\frac{1}{4}$

Induljunk el egy nemegész elemből.

Mivel az oszlopösszegek egészek, ezért ennek az elemnek az oszlopában van legalább egy másik nemegész elem.

Mivel a sorösszegek egészek, ezért ennek az elemnek a sorában van legalább egy másik nemegész elem.

Mivel az oszlopösszegek egészek, ezért ennek az elemnek az oszlopában van legalább egy másik nemegész elem, stb.

$\frac{1}{4}$	$\frac{3}{4}$	0
0	$\frac{3}{4}$	$\frac{1}{4}$
$\frac{2}{4}$	0	$\frac{2}{4}$
$\frac{1}{4}$	$\frac{2}{4}$	$\frac{1}{4}$

A talált kör minden második elemét növeljük, a többi elemét pedig csökkentjük ugyanazzal a számmal úgy, hogy

$\frac{1}{4}^+$	$\frac{3}{4}^-$	0
0	$\frac{3}{4}^+$	$\frac{1}{4}^-$
$\frac{2}{4}^-$	0	$\frac{2}{4}^+$
$\frac{1}{4}$	$\frac{2}{4}$	$\frac{1}{4}$

A talált kör minden második elemét növeljük, a többi elemét pedig csökkentjük ugyanazzal a számmal úgy, hogy

$\frac{1}{4}^+$	$\frac{3}{4}^-$	0
0	$\frac{3}{4}^+$	$\frac{1}{4}^-$
$\frac{2}{4}^-$	0	$\frac{2}{4}^+$
$\frac{1}{4}$	$\frac{2}{4}$	$\frac{1}{4}$

A talált kör minden második elemét növeljük, a többi elemét pedig csökkentjük ugyanazzal a számmal úgy, hogy legalább egy elem egészé váljon,

$\frac{1}{4}^+$	$\frac{3}{4}^-$	0
0	$\frac{3}{4}^+$	$\frac{1}{4}^-$
$\frac{2}{4}^-$	0	$\frac{2}{4}^+$
$\frac{1}{4}$	$\frac{2}{4}$	$\frac{1}{4}$

A talált kör minden második elemét növeljük, a többi elemét pedig csökkentjük ugyanazzal a számmal úgy, hogy

legalább egy elem egészé váljon,

és közben semelyik elem se lépjen át egy egész számot.

$\frac{1}{4}^+$	$\frac{3}{4}^-$	0
0	$\frac{3}{4}^+$	$\frac{1}{4}^-$
$\frac{2}{4}^-$	0	$\frac{2}{4}^+$
$\frac{1}{4}$	$\frac{2}{4}$	$\frac{1}{4}$

A talált kör minden második elemét növeljük, a többi elemét pedig csökkentjük ugyanazzal a számmal úgy, hogy

legalább egy elem egészé váljon,

és közben semelyik elem se lépjen át egy egész számot.

Most a megfelelő szám az $\frac{1}{4}$.

1

$2/4$	$2/4$	0
0	1	0
$1/4$	0	$3/4$
$1/4$	$2/4$	$1/4$

$2/4$	$2/4$	0
0	1	0
$1/4$	0	$3/4$
$1/4$	$2/4$	$1/4$

Újabb kört keresünk.

$\frac{2}{4}$	$\frac{2}{4}$	0
0	1	0
$\frac{1}{4}$	0	$\frac{3}{4}$
$\frac{1}{4}$	$\frac{2}{4}$	$\frac{1}{4}$

Újabb kört keresünk.

$\frac{2}{4}$	$\frac{2}{4}$	0
0	1	0
$\frac{1}{4}$	0	$\frac{3}{4}$
$\frac{1}{4}$	$\frac{2}{4}$	$\frac{1}{4}$

Újabb kört keresünk.

$\frac{2}{4}$	$\frac{2}{4}$	0
0	1	0
$\frac{1}{4}$	0	$\frac{3}{4}$
$\frac{1}{4}$	$\frac{2}{4}$	$\frac{1}{4}$

Újabb kört keresünk.

$\frac{2}{4}$	$\frac{2}{4}$	0
0	1	0
$\frac{1}{4}$	0	$\frac{3}{4}$
$\frac{1}{4}$	$\frac{2}{4}$	$\frac{1}{4}$

Újabb kört keresünk.

$\frac{2}{4}$	$\frac{2}{4}$	0
0	1	0
$\frac{1}{4}$	0	$\frac{3}{4}$
$\frac{1}{4}$	$\frac{2}{4}$	$\frac{1}{4}$

Újabb kört keresünk.

$\frac{2}{4}$	$\frac{2}{4}$	0
0	1	0
$\frac{1}{4}$	0	$\frac{3}{4}$
$\frac{1}{4}$	$\frac{2}{4}$	$\frac{1}{4}$

Újabb kört keresünk.

$\frac{2}{4}$	$\frac{2}{4}$	0
0	1	0
$\frac{1}{4}$	0	$\frac{3}{4}$
$\frac{1}{4}$	$\frac{2}{4}$	$\frac{1}{4}$

Újabb kört keresünk.

$\frac{2}{4}$	$\frac{2}{4}$	0
0	1	0
$\frac{1}{4}$	0	$\frac{3}{4}$
$\frac{1}{4}$	$\frac{2}{4}$	$\frac{1}{4}$

Újabb kört keresünk.

A talált kör minden második elemét
növeljük, a többi elemét pedig csökkentjük

$\frac{2}{4}^+$	$\frac{2}{4}^-$	0
0	1	0
$\frac{1}{4}^-$	0	$\frac{3}{4}^+$
$\frac{1}{4}$	$\frac{2}{4}^+$	$\frac{1}{4}^-$

Újabb kört keresünk.

A talált kör minden második elemét
növeljük, a többi elemét pedig csökkentjük

$\frac{2}{4}^+$	$\frac{2}{4}^-$	0
0	1	0
$\frac{1}{4}^-$	0	$\frac{3}{4}^+$
$\frac{1}{4}$	$\frac{2}{4}^+$	$\frac{1}{4}^-$

Újabb kört keresünk.

A talált kör minden második elemét növeljük, a többi elemét pedig csökkentjük $\frac{1}{4}$ -del.

$3/4$	$1/4$	0
0	1	0
0	0	1
$1/4$	$3/4$	0

$3/4$	$1/4$	0
0	1	0
0	0	1
$1/4$	$3/4$	0

Újabb kört keresünk.

$\frac{3}{4}$	$\frac{1}{4}$	0
0	1	0
0	0	1
$\frac{1}{4}$	$\frac{3}{4}$	0

Újabb kört keresünk.

$\frac{3}{4}$	$\frac{1}{4}$	0
0	1	0
0	0	1
$\frac{1}{4}$	$\frac{3}{4}$	0

Újabb kört keresünk.

$\frac{3}{4}$	$\frac{1}{4}$	0
0	1	0
0	0	1
$\frac{1}{4}$	$\frac{3}{4}$	0

Újabb kört keresünk.

$\frac{3}{4}$	$\frac{1}{4}$	0
0	1	0
0	0	1
$\frac{1}{4}$	$\frac{3}{4}$	0

Újabb kört keresünk.

$\frac{3}{4}$	$\frac{1}{4}$	0
0	1	0
0	0	1
$\frac{1}{4}$	$\frac{3}{4}$	0

Újabb kört keresünk.

$\frac{3}{4}$	$\frac{1}{4}$	0
0	1	0
0	0	1
$\frac{1}{4}$	$\frac{3}{4}$	0

Újabb kört keresünk.

A talált kör minden második elemét
növeljük, a többi elemét pedig csökkentjük

$\frac{3}{4}^+$	$\frac{1}{4}^-$	0
0	1	0
0	0	1
$\frac{1}{4}^-$	$\frac{3}{4}^+$	0

Újabb kört keresünk.

A talált kör minden második elemét
növeljük, a többi elemét pedig csökkentjük

$\frac{3}{4}^+$	$\frac{1}{4}^-$	0
0	1	0
0	0	1
$\frac{1}{4}^-$	$\frac{3}{4}^+$	0

Újabb kört keresünk.

A talált kör minden második elemét növeljük, a többi elemét pedig csökkentjük $\frac{1}{4}$ -del.

1	0	0
0	1	0
0	0	1
0	1	0

1	0	0
0	1	0
0	0	1
0	1	0

Mivel a táblázat minden eleme egész lett,
ezért készen vagyunk.