

# Adatbázisok elmélete 20. előadás

Katona Gyula Y.

Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem  
Számítástudományi Tsz.

I. B. 137/b

`kiskat@cs.bme.hu`

`http://www.cs.bme.hu/~kiskat`

2005

## Tranzakciókezelés

Eddig hallgatólagosan feltettük, hogy

- egy felhasználó van csak

## Tranzakciókezelés

Eddig hallgatólagosan feltettük, hogy

- egy felhasználó van csak
- a lekérdezések/módosítások hiba nélkül lefutnak

## Tranzakciókezelés

Eddig hallgatólagosan feltettük, hogy

- egy felhasználó van csak
- a lekérdezések/módosítások hiba nélkül lefutnak

A valóságban ez nincs így, két nagyobb gond is lehet, aminek kezelése a tranzakciókezelő dolga:

- **Többfelhasználós működés:** egyidejű hozzáférést kell biztosítani több felhasználónak, de úgy, hogy az adatbázis konzisztens maradjon (pl. banki rendszerek, helyfoglalás)

## Tranzakciókezelés

Eddig hallgatólagosan feltettük, hogy

- egy felhasználó van csak
- a lekérdezések/módosítások hiba nélkül lefutnak

A valóságban ez nincs így, két nagyobb gond is lehet, aminek kezelése a tranzakciókezelő dolga:

- **Többfelhasználós működés:** egyidejű hozzáférést kell biztosítani több felhasználónak, de úgy, hogy az adatbázis konzisztens maradjon (pl. banki rendszerek, helyfoglalás)
- **Rendszerhibák utáni helyreállítás:** ha a külső tár megmarad, de a belső sérül (vagy egyszerűen csak nem fut le valami) és emiatt az adatbázis inkonzisztens állapotba kerül, akkor újra konzisztens állapotba kell hozni (vagy visszacsinálni valamit, vagy befejezni valamit)

## Tranzakciókezelés

Eddig hallgatólagosan feltettük, hogy

- egy felhasználó van csak
- a lekérdezések/módosítások hiba nélkül lefutnak

A valóságban ez nincs így, két nagyobb gond is lehet, aminek kezelése a tranzakciókezelő dolga:

- **Többfelhasználós működés:** egyidejű hozzáférést kell biztosítani több felhasználónak, de úgy, hogy az adatbázis konzisztens maradjon (pl. banki rendszerek, helyfoglalás)
- **Rendszerhibák utáni helyreállítás:** ha a külső tár megmarad, de a belső sérül (vagy egyszerűen csak nem fut le valami) és emiatt az adatbázis inkonzisztens állapotba kerül, akkor újra konzisztens állapotba kell hozni (vagy visszacsinálni valamit, vagy befejezni valamit)

Ez két (néha egymással is ellentétes) kívánság, de az alapeszköz ugyanaz lesz: a **tranzakció**.

## Megoldandó problémák

### Többfelhasználós működés

A lekérdezésfeldolgozó a magas szintű utasításokból álló lekérdezéseket/módosításokat elemi utasításokra bontja, (pl: olvass ki valahonnan valamit, írd be valahova valamit, számold valamit). Egy felhasználó egy lekérdezése/módosítása ilyen elemi utasítások sorozatává alakul.

## Megoldandó problémák

### Többfelhasználós működés

A lekérdezésfeldolgozó a magas szintű utasításokból álló lekérdezéseket/módosításokat elemi utasításokra bontja, (pl: olvass ki valahonnan valamit, írd be valahova valamit, számold valamit). Egy felhasználó egy lekérdezése/módosítása ilyen elemi utasítások sorozatává alakul.

1. felhasználó:  $u_1, u_2, \dots, u_{10}$

2. felhasználó:  $v_1, v_2, \dots, v_{103}$



## Megoldandó problémák

### Többfelhasználós működés

A lekérdezésfeldolgozó a magas szintű utasításokból álló lekérdezéseket/módosításokat elemi utasításokra bontja, (pl: olvass ki valahonnan valamit, írd be valahova valamit, számold valamit). Egy felhasználó egy lekérdezése/módosítása ilyen elemi utasítások sorozatává alakul.

1. felhasználó:  $u_1, u_2, \dots, u_{10}$

2. felhasználó:  $v_1, v_2, \dots, v_{103}$

De ez a két utasítássorozat nem elkülönülve jön, hanem összefésülődnek:

$u_1, v_1, v_2, u_2, u_3, v_3, \dots, v_{103}, u_{10}$

## Megoldandó problémák

### Többfelhasználós működés

A lekérdezésfeldolgozó a magas szintű utasításokból álló lekérdezéseket/módosításokat elemi utasításokra bontja, (pl: olvass ki valahonnan valamit, írd be valahova valamit, számold valamit). Egy felhasználó egy lekérdezése/módosítása ilyen elemi utasítások sorozatává alakul.

1. felhasználó:  $u_1, u_2, \dots, u_{10}$

2. felhasználó:  $v_1, v_2, \dots, v_{103}$

De ez a két utasítássorozat nem elkülönülve jön, hanem összefésülődnek:

$u_1, v_1, v_2, u_2, u_3, v_3, \dots, v_{103}, u_{10}$

A saját sorrend megmarad mindkettőn belül, de amúgy össze vannak keveredve, így lesz lehetséges a több felhasználó egyidejű kiszolgálása.

## Megoldandó problémák

### Többfelhasználós működés

A lekérdezésfeldolgozó a magas szintű utasításokból álló lekérdezéseket/módosításokat elemi utasításokra bontja, (pl: olvass ki valahonnan valamit, írd be valahova valamit, számold valamit). Egy felhasználó egy lekérdezése/módosítása ilyen elemi utasítások sorozatává alakul.

1. felhasználó:  $u_1, u_2, \dots, u_{10}$

2. felhasználó:  $v_1, v_2, \dots, v_{103}$

De ez a két utasítássorozat nem elkülönülve jön, hanem összefésülődnek:

$u_1, v_1, v_2, u_2, u_3, v_3, \dots, v_{103}, u_{10}$

A saját sorrend megmarad mindkettőn belül, de amúgy össze vannak keveredve, így lesz lehetséges a több felhasználó egyidejű kiszolgálása. Ebből viszont baj származhat, mert olyan állapot is kialakulhat, ami nem jött volna létre, ha egymás után futnak le a tranzakciók.

## Példa

1. felhasználó: `READ A, A ++, WRITE A`
2. felhasználó: `READ A, A ++, WRITE A`

## Példa

- 1. felhasználó: READ A, A + +, WRITE A
- 2. felhasználó: READ A, A + +, WRITE A

Ha ezek úgy fésülődnek össze, hogy

(READ A)<sub>1</sub>, (READ A)<sub>2</sub>, (A + +)<sub>1</sub>, (A + +)<sub>2</sub>, (WRITE A)<sub>1</sub>, (WRITE A)<sub>2</sub>

## Példa

- 1. felhasználó: READ A, A + +, WRITE A
- 2. felhasználó: READ A, A + +, WRITE A

Ha ezek úgy fésülődnek össze, hogy

(READ A)<sub>1</sub>, (READ A)<sub>2</sub>, (A + +)<sub>1</sub>, (A + +)<sub>2</sub>, (WRITE A)<sub>1</sub>, (WRITE A)<sub>2</sub>

akkor a végén csak eggyel nő A értéke, holott kettővel kellett volna.

## Rendszerhibák

Ha rendszerhiba van (a belső memória meghibásodik) vagy csak ABORT van (a tranzakciókezelő ütemező része kilő egy alkalmazást futás közben), akkor emiatt félbemaradhat valami, aminek nem lenne szabad.

## Rendszerhibák

Ha rendszerhiba van (a belső memória meghibásodik) vagy csak ABORT van (a tranzakciókezelő ütemező része kilő egy alkalmazást futás közben), akkor emiatt félbemaradhat valami, aminek nem lenne szabad.

**Példa:** átutalunk egyik helyről a másik helyre pénzt:

$$A := A - 50 \quad B := B + 50$$



## Rendszerhibák

Ha rendszerhiba van (a belső memória meghibásodik) vagy csak ABORT van (a tranzakciókezelő ütemező része kilő egy alkalmazást futás közben), akkor emiatt félbemaradhat valami, aminek nem lenne szabad.

**Példa:** átutalunk egyik helyről a másik helyre pénzt:

$$A := A - 50 \quad B := B + 50$$

Ha az a közepén meghal: hibás állapot jön létre.

## Tranzakció

Alapfogalom mindkét problémakör megoldásában a **tranzakció**: egy felhasználóhoz tartozó elemi utasítások olyan sorozata, melynek fő jellemzője az **atomiság** (Atomicity): vagy az összes utasításnak végre kell hajtódnia vagy egynek sem szabad. Ez lesz az egyik dolog, amit mindenáron el akarunk majd érni.

## Tranzakció

Alapfogalom mindkét problémakör megoldásában a **tranzakció**: egy felhasználóhoz tartozó elemi utasítások olyan sorozata, melynek fő jellemzője az **atomiság** (Atomicity): vagy az összes utasításnak végre kell hajtódnia vagy egynek sem szabad. Ez lesz az egyik dolog, amit mindenáron el akarunk majd érni.

További elvárások:

- **konzisztencia**, Consistency: az adatbázis konzisztens állapotok között mozog, (hogy mit jelent a konzisztens, az a valóságtól függ, pl. banki összegek stimmelése), nem konzisztens állapot csak ideiglenesen állhat fenn (a rendszerhibák utáni helyreállításnál lesz ez fontos)

## Tranzakció

Alapfogalom mindkét problémakör megoldásában a **tranzakció**: egy felhasználóhoz tartozó elemi utasítások olyan sorozata, melynek fő jellemzője az **atomiság** (Atomicity): vagy az összes utasításnak végre kell hajtódnia vagy egynek sem szabad. Ez lesz az egyik dolog, amit mindenáron el akarunk majd érni.

További elvárások:

- **konzisztencia**, Consistency: az adatbázis konzisztens állapotok között mozog, (hogy mit jelent a konzisztens, az a valóságtól függ, pl. banki összegek stimmelése), nem konzisztens állapot csak ideiglenesen állhat fenn (a rendszerhibák utáni helyreállításnál lesz ez fontos)
- **elkülönítés**, Isolation: több tranzakció egyidejű futása után úgy kell kinéznie az adatbázisnak, mintha a tranzakciók nem lettek volna összefésülve (az ütemező dolga lesz ennek biztosítása)

## Tranzakció

Alapfogalom mindkét problémakör megoldásában a **tranzakció**: egy felhasználóhoz tartozó elemi utasítások olyan sorozata, melynek fő jellemzője az **atomiság** (Atomicity): vagy az összes utasításnak végre kell hajtódnia vagy egynek sem szabad. Ez lesz az egyik dolog, amit mindenáron el akarunk majd érni.

További elvárások:

- **konzisztencia**, Consistency: az adatbázis konzisztens állapotok között mozog, (hogy mit jelent a konzisztens, az a valóságtól függ, pl. banki összegek stimmelése), nem konzisztens állapot csak ideiglenesen állhat fenn (a rendszerhibák utáni helyreállításnál lesz ez fontos)
- **elkülönítés**, Isolation: több tranzakció egyidejű futása után úgy kell kinéznie az adatbázisnak, mintha a tranzakciók nem lettek volna összefésülve (az ütemező dolga lesz ennek biztosítása)
- **tartósság**, Durability: a befejezett tranzakciók hatása nem veszt el

## Többfelhasználós működés, alapfogalmak

**Cél:** párhuzamos hozzáférés biztosítása, de úgy, hogy a konzisztencia megmaradjon

## Többfelhasználós működés, alapfogalmak

Cél: párhuzamos hozzáférés biztosítása, de úgy, hogy a konzisztencia megmaradjon

Feltételezzük, hogy ha a tranzakciók egymás után, elkülönítve futnak, akkor konzisztens állapotból konzisztens állapotba jut a rendszer. Csak azokat az összefésülődéseit akarjuk megengedni a tranzakcióknak, amelyeknek a hatása ekvivalens valamelyik izolálttal.

## Többfelhasználós működés, alapfogalmak

**Cél:** párhuzamos hozzáférés biztosítása, de úgy, hogy a konzisztencia megmaradjon

Feltételezzük, hogy ha a tranzakciók egymás után, elkülönítve futnak, akkor konzisztens állapotból konzisztens állapotba jut a rendszer. Csak azokat az összefésülődéseit akarjuk megengedni a tranzakcióknak, amelyeknek a hatása ekvivalens valamelyik izolálttal.

**ütemezés:** egy vagy több tranzakció műveleteinek valamilyen sorozata (fontos, hogy a tranzakciókon belüli sorrend megmarad)



## Többfelhasználós működés, alapfogalmak

**Cél:** párhuzamos hozzáférés biztosítása, de úgy, hogy a konzisztencia megmaradjon

Feltételezzük, hogy ha a tranzakciók egymás után, elkülönítve futnak, akkor konzisztens állapotból konzisztens állapotba jut a rendszer. Csak azokat az összefésülődéseit akarjuk megengedni a tranzakcióknak, amelyeknek a hatása ekvivalens valamelyik izolálttal.

**ütemezés:** egy vagy több tranzakció műveleteinek valamilyen sorozata (fontos, hogy a tranzakciókon belüli sorrend megmarad)

**soros ütemezés:** olyan ütemezés, amikor a különböző tranzakciók utasításai nem keverednek, először lefut az egyik összes utasítása, aztán a másodiké, aztán a harmadiké, ...

## Többfelhasználós működés, alapfogalmak

**Cél:** párhuzamos hozzáférés biztosítása, de úgy, hogy a konzisztencia megmaradjon

Feltételezzük, hogy ha a tranzakciók egymás után, elkülönítve futnak, akkor konzisztens állapotból konzisztens állapotba jut a rendszer. Csak azokat az összefésülődéseit akarjuk megengedni a tranzakcióknak, amelyeknek a hatása ekvivalens valamelyik izolálttal.

**ütemezés:** egy vagy több tranzakció műveleteinek valamilyen sorozata (fontos, hogy a tranzakciókon belüli sorrend megmarad)

**soros ütemezés:** olyan ütemezés, amikor a különböző tranzakciók utasításai nem keverednek, először lefut az egyik összes utasítása, aztán a másodiké, aztán a harmadiké, ...

**sorosítható ütemezés:** olyan ütemezés, amelynek hatása azonos a résztvevő tranzakciók **valamely** soros ütemezésének hatásával (azaz a végén minden érintett adatelem pont úgy néz ki, mint a soros ütemezés után)

## Sorosíthatóság

**Megjegyzés:** Az mindegy, hogy melyik soros ütemezéssel lesz ekvivalens a sorosítható ütemezés. Mivel a soros ütemezésekről feltettük, hogy jók, ezért ha valamelyikkel ekvivalens, az már elég.

## Sorosíthatóság

**Megjegyzés:** Az mindegy, hogy melyik soros ütemezéssel lesz ekvivalens a sorosítható ütemezés. Mivel a soros ütemezésekről feltettük, hogy jók, ezért ha valamelyikkel ekvivalens, az már elég.

**Cél:** olyan sorrend (összefésülődés) kikényszerítése, ami sorosítható ütemezés

## Sorosíthatóság

**Megjegyzés:** Az mindegy, hogy melyik soros ütemezéssel lesz ekvivalens a sorosítható ütemezés. Mivel a soros ütemezésekről feltettük, hogy jók, ezért ha valamelyikkel ekvivalens, az már elég.

**Cél:** olyan sorrend (összefésülődés) kikényszerítése, ami sorosítható ütemezés

**Módszer:** az ütemező (az adatbáziskezelő része) felelős azért, hogy csak ilyen sorrendek legyenek. Figyeli a tranzakciók műveleteit és késleltet/ABORT-ál tranzakciókat. (Nemsokára részletesebben is nézzük.)

## Alapfeltevések

- feltesszük, hogy a tranzakciók elemi műveletei: adat olvasása (READ  $A$ ), számolás az adattal (pl.  $A++$ ), adat írása (WRITE  $A$ )

## Alapfeltevések

- feltesszük, hogy a tranzakciók elemi műveletei: adat olvasása (READ  $A$ ), számolás az adattal (pl.  $A + +$ ), adat írása (WRITE  $A$ )
- a fenti elemi utasításokat tartalmazó műveletsort a lekérdezésfeldolgozó állítja elő, elemzi a magas szintű lekérdezést/módosítást és azt ilyen elemi utasításokból álló sorozattá alakítja

## Alapfeltevések

- feltesszük, hogy a tranzakciók elemi műveletei: adat olvasása (READ  $A$ ), számolás az adattal (pl.  $A + +$ ), adat írása (WRITE  $A$ )
- a fenti elemi utasításokat tartalmazó műveletsort a lekérdezésfeldolgozó állítja elő, elemzi a magas szintű lekérdezést/módosítást és azt ilyen elemi utasításokból álló sorozattá alakítja
- természetesen megengedett, hogy több helyről olvassunk, mielőtt számolunk, megengedett, hogy több adatból számoljunk ki valamit, illetve, hogy úgy írjunk, hogy nem is olvastuk ki azt az adatot



## Alapfeltevések

- feltesszük, hogy a tranzakciók elemi műveletei: adat olvasása (READ  $A$ ), számolás az adattal (pl.  $A++$ ), adat írása (WRITE  $A$ )
- a fenti elemi utasításokat tartalmazó műveletsort a lekérdezésfeldolgozó állítja elő, elemzi a magas szintű lekérdezést/módosítást és azt ilyen elemi utasításokból álló sorozattá alakítja
- természetesen megengedett, hogy több helyről olvassunk, mielőtt számolunk, megengedett, hogy több adatból számoljunk ki valamit, illetve, hogy úgy írjunk, hogy nem is olvastuk ki azt az adatot
- ha egy  $A$  adatelemet ki kell olvasni, akkor ha már a belső memóriában (pufferban) van, akkor onnan olvassunk, különben a tárkezelővel még be kell előbb hozni a háttértárról

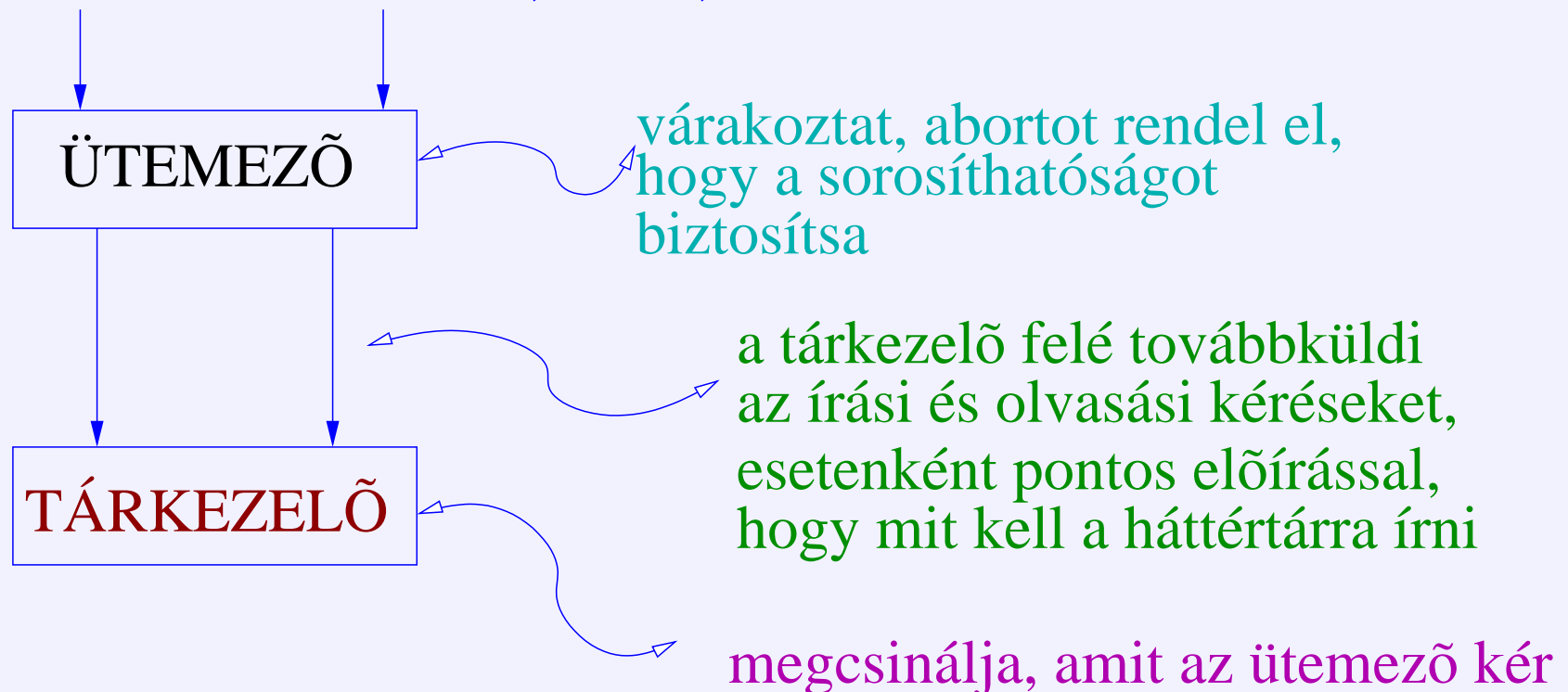
## Alapfeltevések

- feltesszük, hogy a tranzakciók elemi műveletei: adat olvasása (READ  $A$ ), számolás az adattal (pl.  $A++$ ), adat írása (WRITE  $A$ )
- a fenti elemi utasításokat tartalmazó műveletsort a lekérdezésfeldolgozó állítja elő, elemzi a magas szintű lekérdezést/módosítást és azt ilyen elemi utasításokból álló sorozattá alakítja
- természetesen megengedett, hogy több helyről olvassunk, mielőtt számolunk, megengedett, hogy több adatból számoljunk ki valamit, illetve, hogy úgy írjunk, hogy nem is olvastuk ki azt az adatot
- ha egy  $A$  adatelemet ki kell olvasni, akkor ha már a belső memóriában (pufferban) van, akkor onnan olvassunk, különben a tárkezelővel még be kell előbb hozni a háttértárról
- ha írjuk az  $A$  adatelemet, akkor alapértelmezés szerint a pufferbe írjuk, kivéve speciális eseteket, amikor elő lesz írva, hogy valami azonnal kerüljön ki biztonságos háttértárra

## A tárkezelővel való együttműködés

Az előbbiek miatt az ütemező és a tárkezelő szorosan együttműködnek:

kérések a tranzakcióktól, írásra, olvasásra



## Az ütemező eszközei a sorosíthatóság elérésére

Az ütemezőnek több lehetősége is van arra, hogy kikényszerítse a sorosítható ütemezéseket:

- zárok (ezen belül is még: protokoll elemek, pl. 2PL)

## Az ütemező eszközei a sorosíthatóság elérésére

Az ütemezőnek több lehetősége is van arra, hogy kikényszerítse a sorosítható ütemezéseket:

- zárok (ezen belül is még: protokoll elemek, pl. 2PL)
- időbélyegek (time stamp)

## Az ütemező eszközei a sorosíthatóság elérésére

Az ütemezőnek több lehetősége is van arra, hogy kikényszerítse a sorosítható ütemezéseket:

- zárok (ezen belül is még: protokoll elemek, pl. 2PL)
- időbélyegek (time stamp)
- érvényesítés

## Az ütemező eszközei a sorosíthatóság elérésére

Az ütemezőnek több lehetősége is van arra, hogy kikényszerítse a sorosítható ütemezéseket:

- zárok (ezen belül is még: protokoll elemek, pl. 2PL)
- időbélyegek (time stamp)
- érvényesítés

Fő elv lesz: inkább legyen szigorúbb és ne hagyjon lefutni egy olyat, ami sorosítható, mint hogy fusson egy olyan, aki nem az.

## Az ütemező eszközei a sorosíthatóság elérésére

Az ütemezőnek több lehetősége is van arra, hogy kikényszerítse a sorosítható ütemezéseket:

- zárok (ezen belül is még: protokoll elemek, pl. 2PL)
- időbélyegek (time stamp)
- érvényesítés

Fő elv lesz: inkább legyen szigorúbb és ne hagyjon lefutni egy olyat, ami sorosítható, mint hogy fusson egy olyan, aki nem az.

Mindegyik technikára igaz lesz, hogy biztosra megy, azaz olyanokat is ki fog lőni, amik sorosíthatók lennének.



## Példa

$T_1$	$T_2$	$A$	$B$
		$x$	$y$

A táblázat baloldali részén azt jelezzük, hogy milyen műveleteket végeznek a tranzakciók, a jobboldalon pedig az látszik, hogy közben mi történik az  $A$  és  $B$  adategységekkel. Ezek kezdeti értékei  $x$  és  $y$ .

## Példa

$T_1$	$T_2$	$A$	$B$
Read(A,t)		$x$	$y$

A táblázat baloldali részén azt jelezzük, hogy milyen műveleteket végeznek a tranzakciók, a jobboldalon pedig az látszik, hogy közben mi történik az  $A$  és  $B$  adategységekkel. Ezek kezdeti értékei  $x$  és  $y$ .

Read(A,t)= olvassuk be  $A$  értékét a  $t$  változóba

## Példa

$T_1$	$T_2$	$A$	$B$
Read(A,t) $t := t + 100$		x	y

A táblázat baloldali részén azt jelezzük, hogy milyen műveleteket végeznek a tranzakciók, a jobboldalon pedig az látszik, hogy közben mi történik az  $A$  és  $B$  adategységekkel. Ezek kezdeti értékei  $x$  és  $y$ .

Read(A,t)= olvassuk be  $A$  értékét a  $t$  változóba

## Példa

$T_1$	$T_2$	$A$	$B$
Read(A,t) $t := t + 100$ Write(A,t)		$x$	$y$
		$x+100$	

A táblázat baloldali részén azt jelezzük, hogy milyen műveleteket végeznek a tranzakciók, a jobboldalon pedig az látszik, hogy közben mi történik az  $A$  és  $B$  adategységekkel. Ezek kezdeti értékei  $x$  és  $y$ .

Read(A,t)= olvassuk be  $A$  értékét a  $t$  változóba  
 Write(A,t)= írjuk ki a  $t$  változó értékét  $A$ -ba

## Példa

$T_1$	$T_2$	$A$	$B$
Read(A,t) $t := t + 100$ Write(A,t)	Read(A,s)	$x$  $x+100$	$y$

A táblázat baloldali részén azt jelezzük, hogy milyen műveleteket végeznek a tranzakciók, a jobboldalon pedig az látszik, hogy közben mi történik az  $A$  és  $B$  adategységekkel. Ezek kezdeti értékei  $x$  és  $y$ .

Read(A,t)= olvassuk be  $A$  értékét a  $t$  változóba  
 Write(A,t)= írjuk ki a  $t$  változó értékét  $A$ -ba

## Példa

$T_1$	$T_2$	$A$	$B$
Read(A,t) $t := t + 100$ Write(A,t)	Read(A,s) $s := 2 \cdot s$	$x$  $x+100$	$y$

A táblázat baloldali részén azt jelezzük, hogy milyen műveleteket végeznek a tranzakciók, a jobboldalon pedig az látszik, hogy közben mi történik az  $A$  és  $B$  adategységekkel. Ezek kezdeti értékei  $x$  és  $y$ .

Read(A,t)= olvassuk be  $A$  értékét a  $t$  változóba  
 Write(A,t)= írjuk ki a  $t$  változó értékét  $A$ -ba

## Példa

$T_1$	$T_2$	$A$	$B$
Read(A,t) $t := t + 100$ Write(A,t)	Read(A,s) $s := 2 \cdot s$ Write(A,s)	$x$  $x+100$  $2 \cdot (x + 100)$	$y$

A táblázat baloldali részén azt jelezzük, hogy milyen műveleteket végeznek a tranzakciók, a jobboldalon pedig az látszik, hogy közben mi történik az  $A$  és  $B$  adategységekkel. Ezek kezdeti értékei  $x$  és  $y$ .

Read(A,t)= olvassuk be  $A$  értékét a  $t$  változóba  
Write(A,t)= írjuk ki a  $t$  változó értékét  $A$ -ba

## Példa

$T_1$	$T_2$	$A$	$B$
		$x$	$y$
Read(A,t) $t := t + 100$ Write(A,t)		$x+100$	
	Read(A,s) $s := 2 \cdot s$ Write(A,s)		
Read(B,t)		$2 \cdot (x + 100)$	

A táblázat baloldali részén azt jelezzük, hogy milyen műveleteket végeznek a tranzakciók, a jobboldalon pedig az látszik, hogy közben mi történik az  $A$  és  $B$  adategységekkel. Ezek kezdeti értékei  $x$  és  $y$ .

Read(A,t)= olvassuk be  $A$  értékét a  $t$  változóba  
 Write(A,t)= írjuk ki a  $t$  változó értékét  $A$ -ba



## Példa

$T_1$	$T_2$	$A$	$B$
Read(A,t) $t := t + 100$ Write(A,t)	Read(A,s) $s := 2 \cdot s$ Write(A,s)	$x$  $x+100$	$y$
Read(B,t) $t := t + 100$		$2 \cdot (x + 100)$	

A táblázat baloldali részén azt jelezzük, hogy milyen műveleteket végeznek a tranzakciók, a jobboldalon pedig az látszik, hogy közben mi történik az  $A$  és  $B$  adategységekkel. Ezek kezdeti értékei  $x$  és  $y$ .

Read(A,t)= olvassuk be  $A$  értékét a  $t$  változóba  
 Write(A,t)= írjuk ki a  $t$  változó értékét  $A$ -ba

## Példa

$T_1$	$T_2$	$A$	$B$
Read(A,t) $t := t + 100$ Write(A,t)	Read(A,s) $s := 2 \cdot s$ Write(A,s)	$x$  $x+100$  $2 \cdot (x + 100)$	$y$       $y+100$
Read(B,t) $t := t + 100$ Write(B,t)			

A táblázat baloldali részén azt jelezzük, hogy milyen műveleteket végeznek a tranzakciók, a jobboldalon pedig az látszik, hogy közben mi történik az  $A$  és  $B$  adategységekkel. Ezek kezdeti értékei  $x$  és  $y$ .

Read(A,t)= olvassuk be  $A$  értékét a  $t$  változóba  
Write(A,t)= írjuk ki a  $t$  változó értékét  $A$ -ba

## Példa

$T_1$	$T_2$	$A$	$B$
Read(A,t) $t := t + 100$ Write(A,t)		$x$	$y$
	Read(A,s) $s := 2 \cdot s$ Write(A,s)	$x+100$	
Read(B,t) $t := t + 100$ Write(B,t)		$2 \cdot (x + 100)$	
	Read(B,s)		$y+100$

A táblázat baloldali részén azt jelezzük, hogy milyen műveleteket végeznek a tranzakciók, a jobboldalon pedig az látszik, hogy közben mi történik az  $A$  és  $B$  adategységekkel. Ezek kezdeti értékei  $x$  és  $y$ .

Read(A,t)= olvassuk be  $A$  értékét a  $t$  változóba  
Write(A,t)= írjuk ki a  $t$  változó értékét  $A$ -ba

## Példa

$T_1$	$T_2$	$A$	$B$
Read(A,t) $t := t + 100$ Write(A,t)		$x$	$y$
	Read(A,s) $s := 2 \cdot s$ Write(A,s)	$x+100$	
Read(B,t) $t := t + 100$ Write(B,t)		$2 \cdot (x + 100)$	
	Read(B,s) $s := 2 \cdot s$		$y+100$

A táblázat baloldali részén azt jelezzük, hogy milyen műveleteket végeznek a tranzakciók, a jobboldalon pedig az látszik, hogy közben mi történik az  $A$  és  $B$  adategységekkel. Ezek kezdeti értékei  $x$  és  $y$ .

Read(A,t)= olvassuk be  $A$  értékét a  $t$  változóba  
Write(A,t)= írjuk ki a  $t$  változó értékét  $A$ -ba

## Példa

$T_1$	$T_2$	$A$	$B$
Read(A,t) $t := t + 100$ Write(A,t)		$x$	$y$
	Read(A,s) $s := 2 \cdot s$ Write(A,s)	$x+100$	
Read(B,t) $t := t + 100$ Write(B,t)		$2 \cdot (x + 100)$	
	Read(B,s) $s := 2 \cdot s$ Write(B,s)		$y+100$
			$2 \cdot (y + 100)$

A táblázat baloldali részén azt jelezzük, hogy milyen műveleteket végeznek a tranzakciók, a jobboldalon pedig az látszik, hogy közben mi történik az  $A$  és  $B$  adategységekkel. Ezek kezdeti értékei  $x$  és  $y$ .

Read(A,t)= olvassuk be  $A$  értékét a  $t$  változóba  
Write(A,t)= írjuk ki a  $t$  változó értékét  $A$ -ba

## Példa

$T_1$	$T_2$	$A$	$B$
Read(A,t) $t := t + 100$ Write(A,t)		$x$	$y$
	Read(A,s) $s := 2 \cdot s$ Write(A,s)	$x+100$	
Read(B,t) $t := t + 100$ Write(B,t)		$2 \cdot (x + 100)$	
	Read(B,s) $s := 2 \cdot s$ Write(B,s)		$y+100$
			$2 \cdot (y + 100)$

A táblázat baloldali részén azt jelezzük, hogy milyen műveleteket végeznek a tranzakciók, a jobboldalon pedig az látszik, hogy közben mi történik az  $A$  és  $B$  adategységekkel. Ezek kezdeti értékei  $x$  és  $y$ .

Read(A,t)= olvassuk be  $A$  értékét a  $t$  változóba  
Write(A,t)= írjuk ki a  $t$  változó értékét  $A$ -ba

Látható, hogy ez nem egy soros ütemezés, mert össze vannak fésülődve a két tranzakció utasításai.

## Példa

$T_1$	$T_2$	$A$	$B$
		$x$	$y$
Read(A,t) $t := t + 100$ Write(A,t)		$x+100$	
	Read(A,s) $s := 2 \cdot s$ Write(A,s)	$2 \cdot (x + 100)$	
Read(B,t) $t := t + 100$ Write(B,t)			$y+100$
	Read(B,s) $s := 2 \cdot s$ Write(B,s)		$2 \cdot (y + 100)$

A táblázat baloldali részén azt jelezzük, hogy milyen műveleteket végeznek a tranzakciók, a jobboldalon pedig az látszik, hogy közben mi történik az  $A$  és  $B$  adategységekkel. Ezek kezdeti értékei  $x$  és  $y$ .

Read(A,t)= olvassuk be  $A$  értékét a  $t$  változóba  
Write(A,t)= írjuk ki a  $t$  változó értékét  $A$ -ba

Látható, hogy ez nem egy soros ütemezés, mert össze vannak fésülődve a két tranzakció utasításai.

Viszont sorosítható, mert a hatása  $A$ -n és  $B$ -n is azonos a  $T_1T_2$  soros ütemezés hatásával,  $(x, y)$ -ből  $(2 \cdot (x + 100), 2 \cdot (y + 100))$  lesz.

## Példa nem sorosíthatóra

<i>T<sub>1</sub></i>	<i>T<sub>2</sub></i>	<i>A</i>	<i>B</i>
Read(A,t)		x	y



## Példa nem sorosíthatóra

$T_1$	$T_2$	$A$	$B$
Read(A,t)		x	y
$t := t + 100$			

## Példa nem sorosíthatóra

$T_1$	$T_2$	$A$	$B$
Read(A,t)		x	y
$t := t + 100$			
Write(A,t)		x+100	

## Példa nem sorosíthatóra

$T_1$	$T_2$	$A$	$B$
Read(A,t)		x	y
$t := t + 100$			
Write(A,t)		x+100	
	Read(A,s)		

## Példa nem sorosíthatóra

$T_1$	$T_2$	$A$	$B$
Read(A,t)		x	y
$t := t + 100$			
Write(A,t)		x+100	
	Read(A,s)		
	$s := 2 \cdot s$		

## Példa nem sorosíthatóra

$T_1$	$T_2$	$A$	$B$
Read(A,t)		x	y
$t := t + 100$			
Write(A,t)		x+100	
	Read(A,s)		
	$s := 2 \cdot s$		
	Write(A,s)	$2 \cdot (x + 100)$	

## Példa nem sorosíthatóra

$T_1$	$T_2$	$A$	$B$
Read(A,t)		x	y
$t := t + 100$			
Write(A,t)		x+100	
	Read(A,s)		
	$s := 2 \cdot s$		
	Write(A,s)	$2 \cdot (x + 100)$	
	Read(B,s)		

## Példa nem sorosíthatóra

$T_1$	$T_2$	$A$	$B$
Read(A,t)		x	y
$t := t + 100$			
Write(A,t)		x+100	
	Read(A,s)		
	$s := 2 \cdot s$		
	Write(A,s)	$2 \cdot (x + 100)$	
	Read(B,s)		
	$s := 2 \cdot s$		

## Példa nem sorosíthatóra

$T_1$	$T_2$	$A$	$B$
Read(A,t)		x	y
$t := t + 100$			
Write(A,t)		x+100	
	Read(A,s)		
	$s := 2 \cdot s$		
	Write(A,s)	$2 \cdot (x + 100)$	
	Read(B,s)		
	$s := 2 \cdot s$		
	Write(B,s)		$2 \cdot y$



## Példa nem sorosíthatóra

$T_1$	$T_2$	$A$	$B$
Read(A,t)		x	y
$t := t + 100$			
Write(A,t)		x+100	
	Read(A,s)		
	$s := 2 \cdot s$		
	Write(A,s)	$2 \cdot (x + 100)$	
	Read(B,s)		
	$s := 2 \cdot s$		
	Write(B,s)		$2 \cdot y$
Read(B,t)			

## Példa nem sorosíthatóra

$T_1$	$T_2$	$A$	$B$
Read(A,t)		x	y
$t := t + 100$			
Write(A,t)		x+100	
	Read(A,s)		
	$s := 2 \cdot s$		
	Write(A,s)	$2 \cdot (x + 100)$	
	Read(B,s)		
	$s := 2 \cdot s$		
	Write(B,s)		$2 \cdot y$
Read(B,t)			
$t := t + 100$			

## Példa nem sorosíthatóra

$T_1$	$T_2$	$A$	$B$
Read(A,t)		x	y
$t := t + 100$			
Write(A,t)		x+100	
	Read(A,s)		
	$s := 2 \cdot s$		
	Write(A,s)	$2 \cdot (x + 100)$	
	Read(B,s)		
	$s := 2 \cdot s$		
	Write(B,s)		$2 \cdot y$
Read(B,t)			
$t := t + 100$			
Write(B,t)			$2 \cdot y + 100$

## Példa nem sorosíthatóra

$T_1$	$T_2$	$A$	$B$
Read(A,t)		x	y
$t := t + 100$			
Write(A,t)		x+100	
	Read(A,s)		
	$s := 2 \cdot s$		
	Write(A,s)	$2 \cdot (x + 100)$	
	Read(B,s)		
	$s := 2 \cdot s$		
	Write(B,s)		$2 \cdot y$
Read(B,t)			
$t := t + 100$			
Write(B,t)			$2 \cdot y + 100$

Ez nem egy sorosítható ütemezés, mert se a  $T_1T_2$  soros ütemezés, se a  $T_2T_1$  soros ütemezés hatása nem az, hogy  $(x, y)$ -ből  $(2 \cdot (x + 100), 2 \cdot y + 100)$  lesz.

## Példa nem sorosíthatóra

$T_1$	$T_2$	$A$	$B$
Read(A,t)		x	y
$t := t + 100$			
Write(A,t)		x+100	
	Read(A,s)		
	$s := 2 \cdot s$		
	Write(A,s)	$2 \cdot (x + 100)$	
	Read(B,s)		
	$s := 2 \cdot s$		
	Write(B,s)		$2 \cdot y$
Read(B,t)			
$t := t + 100$			
Write(B,t)			$2 \cdot y + 100$

Ez nem egy sorosítható ütemezés, mert se a  $T_1T_2$  soros ütemezés, se a  $T_2T_1$  soros ütemezés hatása nem az, hogy  $(x, y)$ -ből  $(2 \cdot (x + 100), 2 \cdot y + 100)$  lesz.

A  $T_1T_2$  ütemezés  $(2 \cdot (x + 100), 2 \cdot (y + 100))$  eredményt ad,

## Példa nem sorosíthatóra

$T_1$	$T_2$	$A$	$B$
Read(A,t)		x	y
$t := t + 100$			
Write(A,t)		x+100	
	Read(A,s)		
	$s := 2 \cdot s$		
	Write(A,s)	$2 \cdot (x + 100)$	
	Read(B,s)		
	$s := 2 \cdot s$		
	Write(B,s)		$2 \cdot y$
Read(B,t)			
$t := t + 100$			
Write(B,t)			$2 \cdot y + 100$

Ez nem egy sorosítható ütemezés, mert se a  $T_1T_2$  soros ütemezés, se a  $T_2T_1$  soros ütemezés hatása nem az, hogy  $(x, y)$ -ből  $(2 \cdot (x + 100), 2 \cdot y + 100)$  lesz.

A  $T_1T_2$  ütemezés  $(2 \cdot (x + 100), 2 \cdot (y + 100))$  eredményt ad, a  $T_2T_1$  pedig  $(2 \cdot x + 100, 2 \cdot y + 100)$ -t.

## Egyszerűsítések

Ha ismert, hogy mikor és mit akarnak írni és olvasni a tranzakciók és még az is ismert, hogy pontosan mit számolnak, akkor minden esetben el tudjuk dönteni, hogy egy ütemezés sorosítható-e.

## Egyszerűsítések

Ha ismert, hogy mikor és mit akarnak írni és olvasni a tranzakciók és még az is ismert, hogy pontosan mit számolnak, akkor minden esetben el tudjuk dönteni, hogy egy ütemezés sorosítható-e.

A gyakorlatban azonban nem vizsgáljuk meg ennyire alaposan a történéseket, (mert pl. nem is tudnánk vagy mert az macerás), hanem az alábbi egyszerűsítésekkel dolgozunk:



## Egyszerűsítések

Ha ismert, hogy mikor és mit akarnak írni és olvasni a tranzakciók és még az is ismert, hogy pontosan mit számolnak, akkor minden esetben el tudjuk dönteni, hogy egy ütemezés sorosítható-e.

A gyakorlatban azonban nem vizsgáljuk meg ennyire alaposan a történéseket, (mert pl. nem is tudnánk vagy mert az macerás), hanem az alábbi egyszerűsítésekkel dolgozunk:

- Nem vizsgáljuk meg, hogy mit számolnak a tranzakciók, hanem feltételezzük a legrosszabbat: valami olyat csinálnak a beolvasott adattal, ami teljesen egyedi. Azaz, feltesszük, hogy ha tud olyat csinálni, amitől inkonzisztens lesz a DB (az ütemezés hatása nem lesz azonos valamelyik soroséval), akkor azt teszi.  $\Rightarrow$

## Egyszerűsítések

Ha ismert, hogy mikor és mit akarnak írni és olvasni a tranzakciók és még az is ismert, hogy pontosan mit számolnak, akkor minden esetben el tudjuk dönteni, hogy egy ütemezés sorosítható-e.

A gyakorlatban azonban nem vizsgáljuk meg ennyire alaposan a történéseket, (mert pl. nem is tudnánk vagy mert az macerás), hanem az alábbi egyszerűsítésekkel dolgozunk:

- Nem vizsgáljuk meg, hogy mit számolnak a tranzakciók, hanem feltételezzük a legrosszabbat: valami olyat csinálnak a beolvasott adattal, ami teljesen egyedi. Azaz, feltesszük, hogy ha tud olyat csinálni, amitől inkonzisztens lesz a DB (az ütemezés hatása nem lesz azonos valamelyik soroséval), akkor azt teszi.  $\Rightarrow$
- Csak az írásokat és olvasásokat tartjuk nyilván, ezek alapján döntünk arról, hogy egy ütemezést sorosíthatónak tekintünk-e. Ha csak egyetlen olyan lehetséges számolás is van, amivel az írásokból és olvasásokból álló ütemezés nem sorosítható, akkor nem tekintjük sorosíthatónak.

## Egyszerűsítések

Ha ismert, hogy mikor és mit akarnak írni és olvasni a tranzakciók és még az is ismert, hogy pontosan mit számolnak, akkor minden esetben el tudjuk dönteni, hogy egy ütemezés sorosítható-e.

A gyakorlatban azonban nem vizsgáljuk meg ennyire alaposan a történéseket, (mert pl. nem is tudnánk vagy mert az macerás), hanem az alábbi egyszerűsítésekkel dolgozunk:

- Nem vizsgáljuk meg, hogy mit számolnak a tranzakciók, hanem feltételezzük a legrosszabbat: valami olyat csinálnak a beolvasott adattal, ami teljesen egyedi. Azaz, feltesszük, hogy ha tud olyat csinálni, amitől inkonzisztens lesz a DB (az ütemezés hatása nem lesz azonos valamelyik soroséval), akkor azt teszi.  $\Rightarrow$
- Csak az írásokat és olvasásokat tartjuk nyilván, ezek alapján döntünk arról, hogy egy ütemezést sorosíthatónak tekintünk-e. Ha csak egyetlen olyan lehetséges számolás is van, amivel az írásokból és olvasásokból álló ütemezés nem sorosítható, akkor nem tekintjük sorosíthatónak.
- Ez néha kilő persze olyan ütemezéseket is, amik (ha megnéznénk a belső számolásokat is, akkor) sorosíthatók lennének, de ez nem baj.

## Példák

A korábban látott két ütemezés átírva úgy, hogy a számolások ne látszódnak:

$T_1$	$T_2$
r(A)	
w(A)	
	r(A)
	w(A)
r(B)	
w(B)	
	r(B)
	w(B)
	r(B)
	w(B)

$T_1$	$T_2$
r(A)	
w(A)	
	r(A)
	w(A)
	r(B)
	w(B)
r(B)	
w(B)	

r(A) jelentése beolvassuk A-t;  
w(A) jelentése kiírjuk A-t

## Példák

A korábban látott két ütemezés átírva úgy, hogy a számolások ne látszódnak:

$T_1$	$T_2$
r(A)	
w(A)	
	r(A)
	w(A)
r(B)	
w(B)	
	r(B)
	w(B)
	r(B)
	w(B)

$T_1$	$T_2$
r(A)	
w(A)	
	r(A)
	w(A)
	r(B)
	w(B)
	r(B)
	w(B)

r(A) jelentése beolvassuk A-t;  
w(A) jelentése kiírjuk A-t

Látszik, hogy az első esetben bármilyen számolást is csinálnak a tranzakciók a beolvasott adattal a kiírás előtt, a számolástól függetlenül ugyanaz lesz a hatás mint a  $T_1T_2$  soros ütemezésnél.

## Példák

A korábban látott két ütemezés átírva úgy, hogy a számolások ne látszódnak:

$T_1$	$T_2$	
r(A)		
w(A)		
	r(A)	
	w(A)	
r(B)		
w(B)		
	r(B)	
	w(B)	

$T_1$	$T_2$	
r(A)		
w(A)		
	r(A)	
	w(A)	
	r(B)	
	w(B)	
r(B)		
w(B)		

r(A) jelentése beolvassuk A-t;  
w(A) jelentése kiírjuk A-t

Látszik, hogy az első esetben bármilyen számolást is csinálnak a tranzakciók a beolvasott adattal a kiírás előtt, a számolástól függetlenül ugyanaz lesz a hatás mint a  $T_1T_2$  soros ütemezésnél.

A második esetben, ahogy már láttuk is, lehetséges olyan számolás, ami esetén nem lesz azonos a hatás semelyik sorossal, így ez a csak írásokat és olvasásokat tartalmazó ütemezés nem sorosítható.

## Példák

A korábban látott két ütemezés átírva úgy, hogy a számolások ne látszódnak:

$T_1$	$T_2$	
r(A)		
w(A)		
	r(A)	
	w(A)	
r(B)		
w(B)		
	r(B)	
	w(B)	

$T_1$	$T_2$	
r(A)		
w(A)		
	r(A)	
	w(A)	
	r(B)	
	w(B)	
r(B)		
w(B)		

r(A) jelentése beolvassuk A-t;  
w(A) jelentése kiírjuk A-t

Látszik, hogy az első esetben bármilyen számolást is csinálnak a tranzakciók a beolvasott adattal a kiírás előtt, a számolástól függetlenül ugyanaz lesz a hatás mint a  $T_1T_2$  soros ütemezésnél.

A második esetben, ahogy már láttuk is, lehetséges olyan számolás, ami esetén nem lesz azonos a hatás semelyik sorossal, így ez a csak írásokat és olvasásokat tartalmazó ütemezés nem sorosítható. (Persze lehetséges olyan számolás, amivel kiegészítve sorosítható lenne, de most kegyetlenek vagyunk: ha van egy olyan, amivel rossz, akkor rossz.)

**Jelölés:** A táblázat helyett így fogjuk az ütemezéseket megadni (a két előbbi esetben például):

$r_1(A), w_1(A), r_2(A), w_2(A), r_1(B), w_1(B), r_2(B), w_2(B)$

illetve

$r_1(A), w_1(A), r_2(A), w_2(A), r_2(B), w_2(B), r_1(B), w_1(B)$



## Feltevések még

Általános elv (ahogy az előbb már ki is derült), hogy inkább legyünk szigorúak és minősítsünk rossznak egy olyat, ami sorosítható lenne, ha jobban megnéznénk, mint hogy sorosíthatónak mondjunk egy olyat, ami esetleg nem az

## Feltevések még

Általános elv (ahogy az előbb már ki is derült), hogy inkább legyünk szigorúak és minősítsünk rossznak egy olyat, ami sorosítható lenne, ha jobban megnéznénk, mint hogy sorosíthatónak mondjunk egy olyat, ami esetleg nem az  $\Rightarrow$  mindig egy erősebb feltételt fogunk tesztelni, aki ezt is túléli az biztos sorosítható.

## Feltevések még

Általános elv (ahogy az előbb már ki is derült), hogy inkább legyünk szigorúak és minősítsünk rossznak egy olyat, ami sorosítható lenne, ha jobban megnéznénk, mint hogy sorosíthatónak mondjunk egy olyat, ami esetleg nem az  $\Rightarrow$  mindig egy erősebb feltételt fogunk tesztelni, aki ezt is túléli az biztos sorosítható.

Általában nem egy már adott ütemezésről kell eldönteni, hogy az sorosítható-e, hanem olyan technikákat, protokollokat használunk, amikkel elérjük, hogy csak sorosítható ütemezések jöjjenek létre.

## Sorosíthatóság biztosítása zárankkal

**Elve:** A tranzakciók zárolják azokat az adatelemeket, amivel dolgoznak, és amíg valami zár alatt van, addig a többi tranzakció nem, vagy csak korlátozottan fér hozzá.

## Sorosíthatóság biztosítása zárankkal

**Elve:** A tranzakciók zárolják azokat az adatelemeket, amivel dolgoznak, és amíg valami zár alatt van, addig a többi tranzakció nem, vagy csak korlátozottan fér hozzá.

### Egyszerű tranzakciómodell

Csak egyféle zárkérés van (**LOCK**), mindegyik művelethez ezt a zárat kell megkapni. Ezen kívül van még zárelengedés (**UNLOCK**). Az ütemezésekben nem csak írás és olvasás lesz, hanem a zárkérések és zárelengedések is benne lesznek.

## Sorosíthatóság biztosítása zárankkal

**Elve:** A tranzakciók zárolják azokat az adatelemeket, amivel dolgoznak, és amíg valami zár alatt van, addig a többi tranzakció nem, vagy csak korlátozottan fér hozzá.

### Egyszerű tranzakciómodell

Csak egyféle zárkérés van (**LOCK**), mindegyik művelethez ezt a zárat kell megkapni. Ezen kívül van még zárelengedés (**UNLOCK**). Az ütemezésekben nem csak írás és olvasás lesz, hanem a zárkérések és zárelengedések is benne lesznek. Csak olyan zárkéréseket tartalmazó ütemezéseket akarunk majd megengedni, amik eleget tesznek néhány követelménynek.

A legális ütemezés jellemzői:

1. Az  $i$ -edik tranzakció,  $T_i$ , csak akkor olvashatja vagy írhatja az  $A$  adategységet, ha előtte zárat kért és kapott rá ( **$LOCK_i(A)$** ) és a zárat még azóta nem engedte fel (**nem volt még azóta  $UNLOCK_i(A)$** ).

## Sorosíthatóság biztosítása zárankkal

**Elve:** A tranzakciók zárolják azokat az adatelemeket, amivel dolgoznak, és amíg valami zár alatt van, addig a többi tranzakció nem, vagy csak korlátozottan fér hozzá.

### Egyszerű tranzakciómodell

Csak egyféle zárkérés van (**LOCK**), mindegyik művelethez ezt a zárat kell megkapni. Ezen kívül van még zárelengedés (**UNLOCK**). Az ütemezésekben nem csak írás és olvasás lesz, hanem a zárkérések és zárelengedések is benne lesznek. Csak olyan zárkéréseket tartalmazó ütemezéseket akarunk majd megengedni, amik eleget tesznek néhány követelménynek.

A legális ütemezés jellemzői:

1. Az  $i$ -edik tranzakció,  $T_i$ , csak akkor olvashatja vagy írhatja az  $A$  adategységet, ha előtte zárat kért és kapott rá ( **$LOCK_i(A)$** ) és a zárat még azóta nem engedte fel (**nem volt még azóta  $UNLOCK_i(A)$** ).
2. Ha  $T_i$  zárolja az  $A$  adategységet, akkor később valamikor el is kell engednie a zárat ( **$LOCK_i(A)$**  után mindig van  **$UNLOCK_i(A)$** ).

## Sorosíthatóság biztosítása zárankkal

**Elve:** A tranzakciók zárolják azokat az adatelemeket, amivel dolgoznak, és amíg valami zár alatt van, addig a többi tranzakció nem, vagy csak korlátozottan fér hozzá.

### Egyszerű tranzakciómodell

Csak egyféle zárkérés van (**LOCK**), mindegyik művelethez ezt a zárat kell megkapni. Ezen kívül van még zárelengedés (**UNLOCK**). Az ütemezésekben nem csak írás és olvasás lesz, hanem a zárkérések és zárelengedések is benne lesznek. Csak olyan zárkéréseket tartalmazó ütemezéseket akarunk majd megengedni, amik eleget tesznek néhány követelménynek.

A legális ütemezés jellemzői:

1. Az  $i$ -edik tranzakció,  $T_i$ , csak akkor olvashatja vagy írhatja az  $A$  adategységet, ha előtte zárat kért és kapott rá ( **$LOCK_i(A)$** ) és a zárat még azóta nem engedte fel (**nem volt még azóta  $UNLOCK_i(A)$** ).
2. Ha  $T_i$  zárolja az  $A$  adategységet, akkor később valamikor el is kell engednie a zárat ( **$LOCK_i(A)$  után mindig van  $UNLOCK_i(A)$** ).
3. Egyszerre két különböző tranzakciónak nem lehet zárja ugyanazon az adategységen.



## Példa

Példa legális zárkérésre, ütemezésre ebben a modellben:

$l_1(A)$ ,  $r_1(A)$ ,  $w_1(A)$ ,  $u_1(A)$ ,  $l_2(A)$ ,  $r_2(A)$ ,  $w_2(A)$ ,  $u_2(A)$ ,  
 $l_1(B)$ ,  $r_1(B)$ ,  $w_1(B)$ ,  $u_1(B)$ ,  $l_2(B)$ ,  $r_2(B)$ ,  $w_2(B)$ ,  $u_2(B)$ ,

## Példa arra, hogy hogyan dolgozhat az ütemező azon az egyszerű tranzakciómodellben, hogy legális ütemezés alakuljon ki

Tegyük fel, hogy a következő sorrendben jönnek zárkérések és műveleti kérések az ütemezőhöz (két tranzakció van):

$l_1(A)$ ,  $r_1(A)$ ,  $w_1(A)$ ,  $l_1(B)$ ,  $u_1(A)$ ,  $l_2(A)$ ,  $r_2(A)$ ,  $w_2(A)$

## Példa arra, hogy hogyan dolgozhat az ütemező azon az egyszerű tranzakciómodellben, hogy legális ütemezés alakuljon ki

Tegyük fel, hogy a következő sorrendben jönnek zárkérések és műveleti kérések az ütemezőhöz (két tranzakció van):

$l_1(A)$ ,  $r_1(A)$ ,  $w_1(A)$ ,  $l_1(B)$ ,  $u_1(A)$ ,  $l_2(A)$ ,  $r_2(A)$ ,  $w_2(A)$

Eddig minden rendben van, minden kérést teljesíteni lehet. Ha azonban a további kérések

$l_2(B)$ ,  $u_2(A)$ ,  $r_2(B)$ ,  $w_2(B)$ ,  $u_2(B)$ ,  $r_1(B)$ ,  $w_1(B)$ ,  $u_1(B)$

## Példa arra, hogy hogyan dolgozhat az ütemező azon az egyszerű tranzakciómodellben, hogy legális ütemezés alakuljon ki

Tegyük fel, hogy a következő sorrendben jönnek zárkérések és műveleti kérések az ütemezőhöz (két tranzakció van):

$l_1(A)$ ,  $r_1(A)$ ,  $w_1(A)$ ,  $l_1(B)$ ,  $u_1(A)$ ,  $l_2(A)$ ,  $r_2(A)$ ,  $w_2(A)$

Eddig minden rendben van, minden kérést teljesíteni lehet. Ha azonban a további kérések

$l_2(B)$ ,  $u_2(A)$ ,  $r_2(B)$ ,  $w_2(B)$ ,  $u_2(B)$ ,  $r_1(B)$ ,  $w_1(B)$ ,  $u_1(B)$

akkor ez már így nem mehet, mert  $T_2$  nem kaphatja meg a kért zárat  $B$ -n, hiszen  $T_1$  még tartja.

## Példa arra, hogy hogyan dolgozhat az ütemező azon az egyszerű tranzakciómodellben, hogy legális ütemezés alakuljon ki

Tegyük fel, hogy a következő sorrendben jönnek zárkérések és műveleti kérések az ütemezőhöz (két tranzakció van):

$l_1(A)$ ,  $r_1(A)$ ,  $w_1(A)$ ,  $l_1(B)$ ,  $u_1(A)$ ,  $l_2(A)$ ,  $r_2(A)$ ,  $w_2(A)$

Eddig minden rendben van, minden kérést teljesíteni lehet. Ha azonban a további kérések

$l_2(B)$ ,  $u_2(A)$ ,  $r_2(B)$ ,  $w_2(B)$ ,  $u_2(B)$ ,  $r_1(B)$ ,  $w_1(B)$ ,  $u_1(B)$

akkor ez már így nem mehet, mert  $T_2$  nem kaphatja meg a kért zárat  $B$ -n, hiszen  $T_1$  még tartja.

Emiatt az ütemező késlelteti  $T_2$ -t ( $T_2$  vár  $T_1$ -re) és előbb engedi futni  $T_1$ -et, aztán jöhet  $T_2$ :

## Példa arra, hogy hogyan dolgozhat az ütemező azon az egyszerű tranzakciómodellben, hogy legális ütemezés alakuljon ki

Tegyük fel, hogy a következő sorrendben jönnek zárkérések és műveleti kérések az ütemezőhöz (két tranzakció van):

$l_1(A), r_1(A), w_1(A), l_1(B), u_1(A), l_2(A), r_2(A), w_2(A)$

Eddig minden rendben van, minden kérést teljesíteni lehet. Ha azonban a további kérések

$l_2(B), u_2(A), r_2(B), w_2(B), u_2(B), r_1(B), w_1(B), u_1(B)$

akkor ez már így nem mehet, mert  $T_2$  nem kaphatja meg a kért zárat  $B$ -n, hiszen  $T_1$  még tartja.

Emiatt az ütemező késlelteti  $T_2$ -t ( $T_2$  vár  $T_1$ -re) és előbb engedi futni  $T_1$ -et, aztán jöhet  $T_2$ :

$r_1(B), w_1(B), u_1(B), l_2(B), u_2(A), r_2(B), w_2(B), u_2(B)$

lesz az az ütemezés, ami le fog futni, ez már legális lesz.

## Holtpont

Láttuk, hogy az ütemező úgy kényszeríti ki a legális ütemezést, hogy várakoztatja a tranzakciókat. Ebből problémák lehetnek, ha a tranzakciók egymásra várnak:

## Holtpont

Láttuk, hogy az ütemező úgy kényszeríti ki a legális ütemezést, hogy várakoztatja a tranzakciókat. Ebből problémák lehetnek, ha a tranzakciók egymásra várnak:

**Holtpont (deadlock, patt):** néhány zárkérés után akkor van holtpont, ha van egy olyan részhalmaza a tranzakcióknak, akik közül egyik se tud tovább futni, mert vár egy szintén ebben a részhalmazban levő másikra (vár egy olyan zár elengedésére, amit egy másik, ebbe a részhalmazba tartozó, tranzakció tart).



## Holtpont

Láttuk, hogy az ütemező úgy kényszeríti ki a legális ütemezést, hogy várakoztatja a tranzakciókat. Ebből problémák lehetnek, ha a tranzakciók egymásra várnak:

**Holtpont (deadlock, patt):** néhány zárkérés után akkor van holtpont, ha van egy olyan részhalmaza a tranzakcióknak, akik közül egyik se tud tovább futni, mert vár egy szintén ebben a részhalmazban levő másikkra (vár egy olyan zár elengedésére, amit egy másik, ebbe a részhalmazba tartozó, tranzakció tart).

Például:

$l_1(A), l_2(B), l_3(C), l_1(B), l_2(C), l_3(A)$

sorrendben érkező zárkérések esetén egyik tranzakció se tud tovább futni.

## Holtpont

Láttuk, hogy az ütemező úgy kényszeríti ki a legális ütemezést, hogy várakoztatja a tranzakciókat. Ebből problémák lehetnek, ha a tranzakciók egymásra várnak:

**Holtpont (deadlock, patt):** néhány zárkérés után akkor van holtpont, ha van egy olyan részhalmaz a tranzakcióknak, akik közül egyik se tud tovább futni, mert vár egy szintén ebben a részhalmazban levő másikkra (vár egy olyan zár elengedésére, amit egy másik, ebbe a részhalmazba tartozó, tranzakció tart).

Például:

$l_1(A), l_2(B), l_3(C), l_1(B), l_2(C), l_3(A)$

sorrendben érkező zárkérések esetén egyik tranzakció se tud tovább futni.

Az ilyen helyzeteket el kell kerülni, illetve ha már kialakultak, akkor fel kell ismerni és meg kell szüntetni.

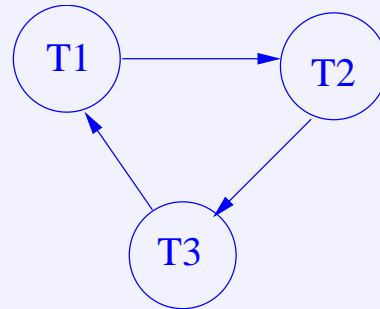
## Várakozási gráf

A felismerésben segít a zárkérések sorozatához tartozó **várakozási gráf**: csúcsai a tranzakciók és akkor van él  $T_i$ -ből  $T_j$ -be, ha  $T_i$  vár egy olyan zár elengedésére, amit  $T_j$  tart éppen.

## Várakozási gráf

A felismerésben segít a zárkérések sorozatához tartozó **várakozási gráf**: csúcsai a tranzakciók és akkor van él  $T_i$ -ből  $T_j$ -be, ha  $T_i$  vár egy olyan zár elengedésére, amit  $T_j$  tart éppen.

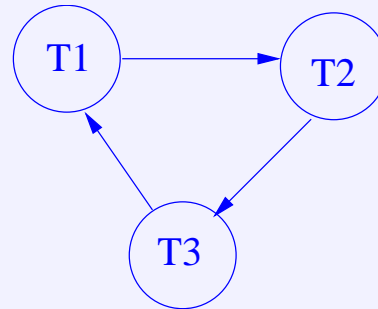
Például az előbbi, holtponthoz vezető zárkérésorozat várakozási gráfja a hat zárkérés után:



## Várakozási gráf

A felismerésben segít a zárkérések sorozatához tartozó **várakozási gráf**: csúcsai a tranzakciók és akkor van él  $T_i$ -ből  $T_j$ -be, ha  $T_i$  vár egy olyan zár elengedésére, amit  $T_j$  tart éppen.

Például az előbbi, holtponthoz vezető zárkérésorozat várakozási gráfja a hat zárkérés után:



Vegyük észre, hogy a várakozási gráf változik az ütemezés során, ahogy újabb zárkérések érkeznek vagy zárelengedések történnek.

## Holtpont felismerése

A várakozási gráf segítségével fel lehet ismerni a holtpontot az alábbi tétel miatt:

## Holtpont felismerése

A várakozási gráf segítségével fel lehet ismerni a holtpontot az alábbi tétel miatt:

**Tétel.** *Az ütemezés során egy adott pillanatban pontosan akkor nincs holtpont, ha az adott pillanathoz tartozó várakozási gráf DAG (nincs benne irányított kör).*

## Holtpont felismerése

A várakozási gráf segítségével fel lehet ismerni a holtpontot az alábbi tétel miatt:

**Tétel.** *Az ütemezés során egy adott pillanatban pontosan akkor nincs holtpont, ha az adott pillanathoz tartozó várakozási gráf DAG (nincs benne irányított kör).*

**Bizonyítás:**  $\Rightarrow$ : Ha van irányított kör a várakozási gráfban, akkor a körbeli tranzakciók egyike se tud lefutni, mert vár a mellette levőre. Ez holtpont.



## Holtpont felismerése

A várakozási gráf segítségével fel lehet ismerni a holtpontot az alábbi tétel miatt:

**Tétel.** *Az ütemezés során egy adott pillanatban pontosan akkor nincs holtpont, ha az adott pillanathoz tartozó várakozási gráf DAG (nincs benne irányított kör).*

**Bizonyítás:**  $\Rightarrow$ : Ha van irányított kör a várakozási gráfban, akkor a körbeli tranzakciók egyike se tud lefutni, mert vár a mellette levőre. Ez holtpont.

$\Leftarrow$ : Ha a gráf DAG, akkor van topológikus rendezése a tranzakcióknak (lásd Algel) és ebben a sorrendben le tudnak futni a tranzakciók. (Az első nem vár senkire, mert nem megy belőle ki él, így lefuthat; ezután már a másodikba se megy él, az is lefuthat . . .)

## Példa

Nézzük az alábbi írásokból és olvasásokból álló ütemezést:

$r_1(A)$ ,  $r_2(B)$ ,  $w_1(C)$ ,  $r_3(D)$ ,  $r_4(E)$ ,  $r_3(B)$ ,  $w_2(C)$ ,  $w_4(A)$ ,  $w_1(D)$

## Példa

Nézzük az alábbi írásokból és olvasásokból álló ütemezést:

$$r_1(A), r_2(B), w_1(C), r_3(D), r_4(E), r_3(B), w_2(C), w_4(A), w_1(D)$$

Tegyük fel, hogy a zárkérések mindig közvetlenül megelőzik a műveletet, a zárelengedések pedig a tranzakciók végén, egyszerre történnek. **Hogyan alakul a várakozási gráf ezen sorozat esetén? Lesz-e valamikor holtpont?**

## Példa

Nézzük az alábbi írásokból és olvasásokból álló ütemezést:

$r_1(A)$ ,  $r_2(B)$ ,  $w_1(C)$ ,  $r_3(D)$ ,  $r_4(E)$ ,  $r_3(B)$ ,  $w_2(C)$ ,  $w_4(A)$ ,  $w_1(D)$

Tegyük fel, hogy a zárkérések mindig közvetlenül megelőzik a műveletet, a zárelengedések pedig a tranzakciók végén, egyszerre történnek. **Hogyan alakul a várakozási gráf ezen sorozat esetén? Lesz-e valamikor holtpont?**

Az elején  $l_1(A)$ ,  $r_1(A)$ ,  $l_2(B)$ ,  $r_2(B)$ ,  $l_1(C)$ ,  $w_1(C)$ ,  $l_3(D)$ ,  $r_3(D)$ ,  $l_4(E)$ ,  $r_4(E)$  zárkérések és műveletek vannak, eddig még senki nem vár senkire.

## Példa

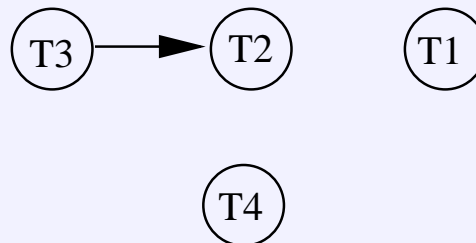
Nézzük az alábbi írásokból és olvasásokból álló ütemezést:

$r_1(A)$ ,  $r_2(B)$ ,  $w_1(C)$ ,  $r_3(D)$ ,  $r_4(E)$ ,  $r_3(B)$ ,  $w_2(C)$ ,  $w_4(A)$ ,  $w_1(D)$

Tegyük fel, hogy a zárkérések mindig közvetlenül megelőzik a műveletet, a zárelengedések pedig a tranzakciók végén, egyszerre történnek. **Hogyan alakul a várakozási gráf ezen sorozat esetén? Lesz-e valamikor holtpont?**

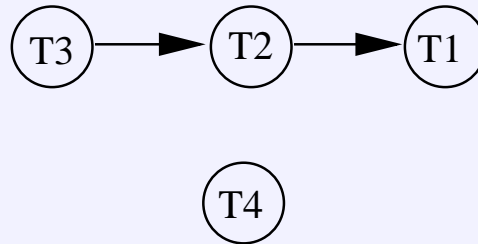
Az elején  $l_1(A)$ ,  $r_1(A)$ ,  $l_2(B)$ ,  $r_2(B)$ ,  $l_1(C)$ ,  $w_1(C)$ ,  $l_3(D)$ ,  $r_3(D)$ ,  $l_4(E)$ ,  $r_4(E)$  zárkérések és műveletek vannak, eddig még senki nem vár senkire.

Ezután  $l_3(B)$  jön  $r_3(B)$  miatt, de  $T_3$ -nak várnia kell  $T_2$ -re:



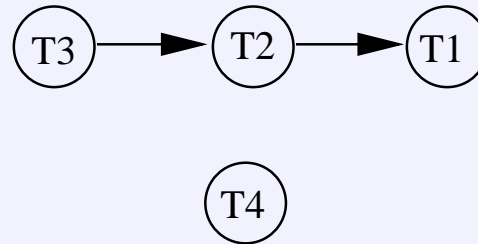
## Példa

Ezután  $l_2(C)$  jön  $w_2(C)$  miatt, de  $T_2$ -nek is várnia kell  $T_1$ -re:

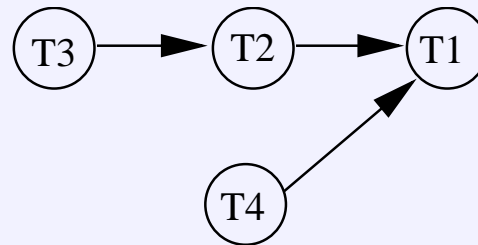


## Példa

Ezután  $l_2(C)$  jön  $w_2(C)$  miatt, de  $T_2$ -nek is várnia kell  $T_1$ -re:

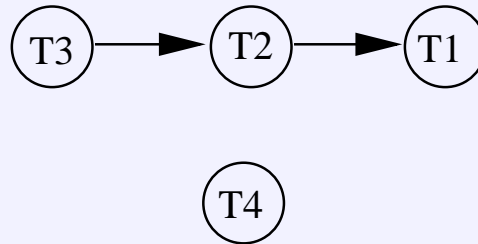


Ezután  $l_4(A)$  jön  $w_4(A)$  miatt, de  $T_4$ -nek is várnia kell  $T_1$ -re:

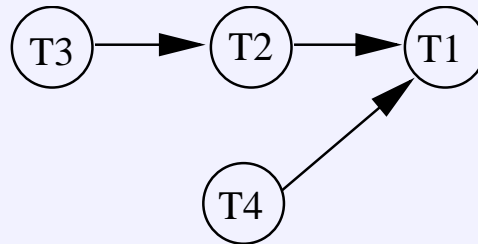


## Példa

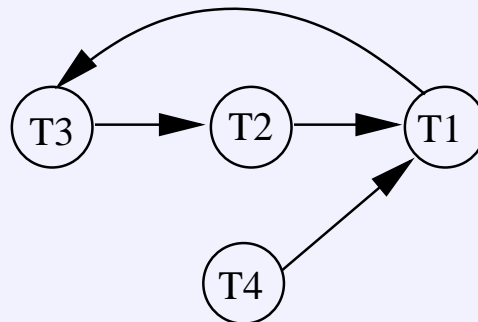
Ezután  $l_2(C)$  jön  $w_2(C)$  miatt, de  $T_2$ -nek is várnia kell  $T_1$ -re:



Ezután  $l_4(A)$  jön  $w_4(A)$  miatt, de  $T_4$ -nek is várnia kell  $T_1$ -re:



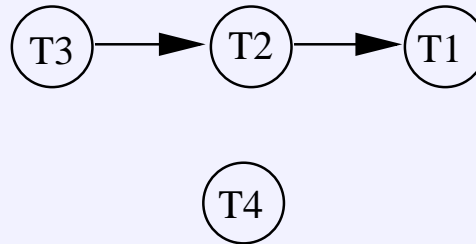
Végül  $l_1(D)$  jön  $w_1(D)$  miatt, de  $T_1$ -nek meg  $T_3$ -ra kell várnia:



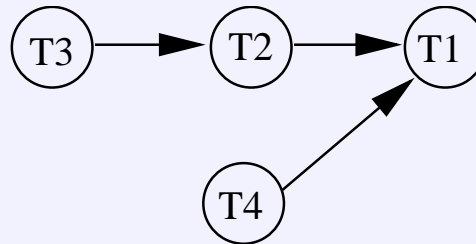


## Példa

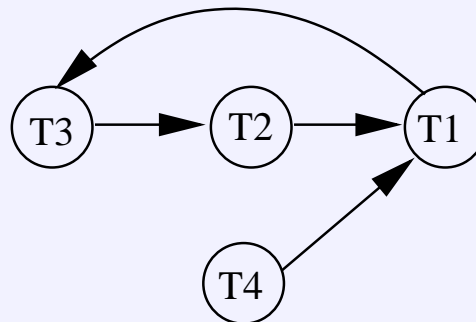
Ezután  $l_2(C)$  jön  $w_2(C)$  miatt, de  $T_2$ -nek is várnia kell  $T_1$ -re:



Ezután  $l_4(A)$  jön  $w_4(A)$  miatt, de  $T_4$ -nek is várnia kell  $T_1$ -re:



Végül  $l_1(D)$  jön  $w_1(D)$  miatt, de  $T_1$ -nek meg  $T_3$ -ra kell várnia:



És ez már holtpont: van irányított kör a gráfban.

## Megoldások holtpont ellen

1. Rajzoljuk folyamatosan a várakozási gráfot és ha holtpont alakul ki, akkor ABORT-áljuk az egyik olyan tranzakciót, aki benne van a kialakult irányított körben.

## Megoldások holtpont ellen

1. Rajzoljuk folyamatosan a várakozási gráfot és ha holtpont alakul ki, akkor ABORT-áljuk az egyik olyan tranzakciót, aki benne van a kialakult irányított körben.

Ez egy megengedő megoldás (optimista), hagyja az ütemező, hogy mindenki úgy kérjen zárat, ahogy csak akar, de ha baj van, akkor erőszakosan beavatkozik. Az előző példa esetében mondjuk kilövi  $T_2$ -t, ettől lefuthat  $T_3$ , majd  $T_1$  és  $T_4$  is.

## Megoldások holtpontra ellen

1. Rajzoljuk folyamatosan a várakozási gráfot és ha holtpontra alakul ki, akkor ABORT-áljuk az egyik olyan tranzakciót, aki benne van a kialakult irányított körben.

Ez egy megengedő megoldás (optimista), hagyja az ütemező, hogy mindenki úgy kérjen zárat, ahogy csak akar, de ha baj van, akkor erőszakosan beavatkozik. Az előző példa esetében mondjuk kilövi  $T_2$ -t, ettől lefuthat  $T_3$ , majd  $T_1$  és  $T_4$  is.

2. **Pesszimista hozzáállás:** ha hagyjuk, hogy mindenki össze-vissza kérjen zárat, abból baj lehet. Előzzük inkább meg a holtpontra kialakulását valahogyan. Lehetőségek:

## Megoldások holtpontra ellen

1. Rajzoljuk folyamatosan a várakozási gráfot és ha holtpontra alakul ki, akkor ABORT-áljuk az egyik olyan tranzakciót, aki benne van a kialakult irányított körben.

Ez egy megengedő megoldás (optimista), hagyja az ütemező, hogy mindenki úgy kérjen zárat, ahogy csak akar, de ha baj van, akkor erőszakosan beavatkozik. Az előző példa esetében mondjuk kilövi  $T_2$ -t, ettől lefuthat  $T_3$ , majd  $T_1$  és  $T_4$  is.

2. **Pesszimista hozzáállás:** ha hagyjuk, hogy mindenki össze-vissza kérjen zárat, abból baj lehet. Előzzük inkább meg a holtpontra kialakulását valahogyan. Lehetőségek:

(a) Minden egyes tranzakció előre elkéri az összes zárat, ami neki kelleni fog. Ha nem kapja meg az összeset, akkor egyet se kér el, el se indul.

## Megoldások holtpont ellen

1. Rajzoljuk folyamatosan a várakozási gráfot és ha holtpont alakul ki, akkor ABORT-áljuk az egyik olyan tranzakciót, aki benne van a kialakult irányított körben.

Ez egy megengedő megoldás (optimista), hagyja az ütemező, hogy mindenki úgy kérjen zárat, ahogy csak akar, de ha baj van, akkor erőszakosan beavatkozik. Az előző példa esetében mondjuk kilövi  $T_2$ -t, ettől lefuthat  $T_3$ , majd  $T_1$  és  $T_4$  is.

2. **Pesszimista hozzáállás:** ha hagyjuk, hogy mindenki össze-vissza kérjen zárat, abból baj lehet. Előzzük inkább meg a holtpont kialakulását valahogyan. Lehetőségek:

(a) Minden egyes tranzakció előre elkéri az összes zárat, ami neki kelleni fog. Ha nem kapja meg az összeset, akkor egyet se kér el, el se indul.

Ilyenkor biztos nem lesz holtpont, mert ha valaki megkap egy zárat, akkor le is tud futni, nem akad el. Az csak a baj ezzel, hogy előre kell mindent tudni.

## Megoldások holtpont ellen

1. Rajzoljuk folyamatosan a várakozási gráfot és ha holtpont alakul ki, akkor ABORT-áljuk az egyik olyan tranzakciót, aki benne van a kialakult irányított körben.

Ez egy megengedő megoldás (optimista), hagyja az ütemező, hogy mindenki úgy kérjen zárat, ahogy csak akar, de ha baj van, akkor erőszakosan beavatkozik. Az előző példa esetében mondjuk kilövi  $T_2$ -t, ettől lefuthat  $T_3$ , majd  $T_1$  és  $T_4$  is.

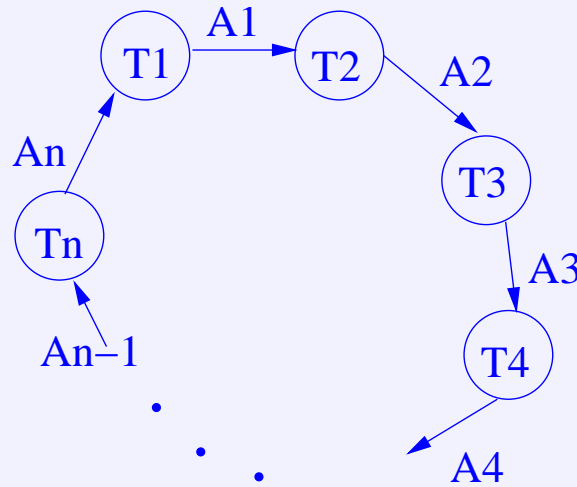
2. **Pesszimista hozzáállás:** ha hagyjuk, hogy mindenki össze-vissza kérjen zárat, abból baj lehet. Előzzük inkább meg a holtpont kialakulását valahogyan. Lehetőségek:

(a) Minden egyes tranzakció előre elkéri az összes zárat, ami neki kelleni fog. Ha nem kapja meg az összeset, akkor egyet se kér el, el se indul.

Ilyenkor biztos nem lesz holtpont, mert ha valaki megkap egy zárat, akkor le is tud futni, nem akad el. Az csak a baj ezzel, hogy előre kell mindent tudni.

(b) Feltesszük, hogy van egy sorrend az adategységeken és minden egyes tranzakció csak eszerint a sorrend szerint növeleg kérhet újabb zárat. Itt lehet, hogy lesz várakozás, de holtpont biztos nem lesz.

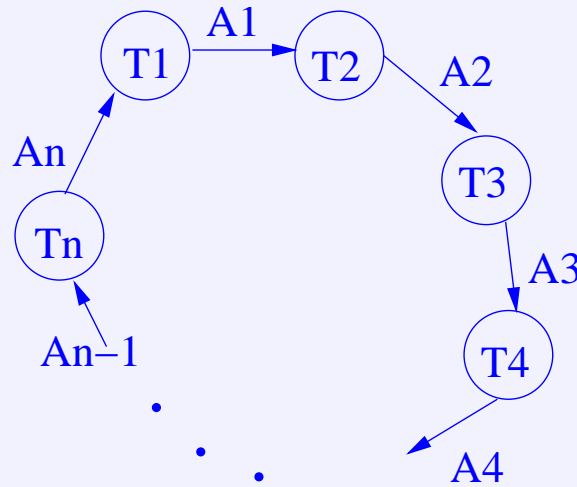
**Bizonyítás:** Ha valamely pillanatban lenne irányított kör a várakozási gráfban:



ahol  $T_i$  vár  $T_{i+1}$ -re az  $A_i$  adategység miatt, akkor  $A_1 < A_2 < A_3 < \dots < A_n < A_1$  áll fenn abban az esetben, ha mindegyik tranzakció betartotta, hogy növéleg kér zárat.

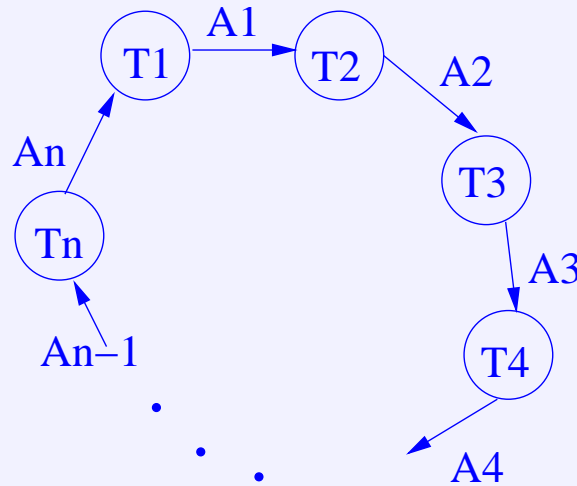


**Bizonyítás:** Ha valamely pillanatban lenne irányított kör a várakozási gráfban:



ahol  $T_i$  vár  $T_{i+1}$ -re az  $A_i$  adategység miatt, akkor  $A_1 < A_2 < A_3 < \dots < A_n < A_1$  áll fenn abban az esetben, ha mindegyik tranzakció betartotta, hogy növényleg kér zárat. **Ez azonban ellentmondás.**

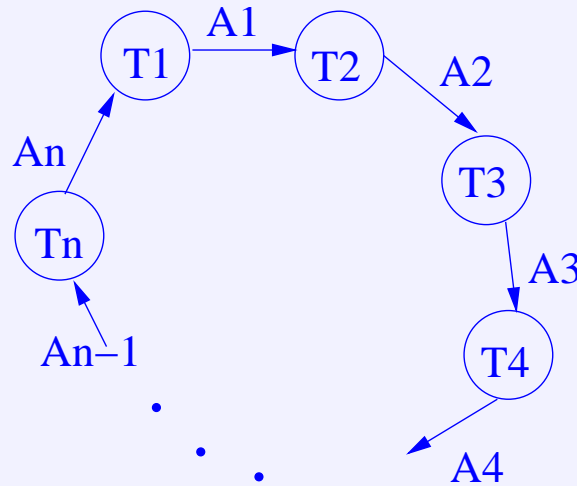
**Bizonyítás:** Ha valamely pillanatban lenne irányított kör a várakozási gráfban:



ahol  $T_i$  vár  $T_{i+1}$ -re az  $A_i$  adategység miatt, akkor  $A_1 < A_2 < A_3 < \dots < A_n < A_1$  áll fenn abban az esetben, ha mindegyik tranzakció betartotta, hogy növényleg kér zárat. **Ez azonban ellentmondás.**

Tehát ez a protokoll is megelőzi a holtponatot, de itt is előre kell tudni, hogy milyen záratat fog kérni egy tranzakció.

**Bizonyítás:** Ha valamely pillanatban lenne irányított kör a várakozási gráfban:

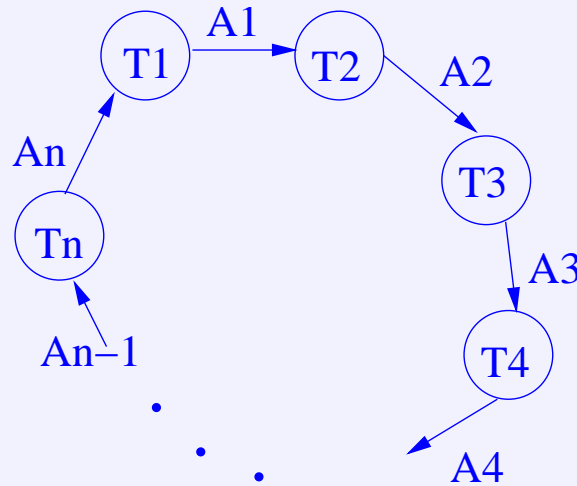


ahol  $T_i$  vár  $T_{i+1}$ -re az  $A_i$  adategység miatt, akkor  $A_1 < A_2 < A_3 < \dots < A_n < A_1$  áll fenn abban az esetben, ha mindegyik tranzakció betartotta, hogy növényleg kér zárat. **Ez azonban ellentmondás.**

Tehát ez a protokoll is megelőzi a holtponot, de itt is előre kell tudni, hogy milyen záratat fog kérni egy tranzakció.

Még egy módszer, ami szintén optimista, mint az első:

**Bizonyítás:** Ha valamely pillanatban lenne irányított kör a várakozási gráfban:



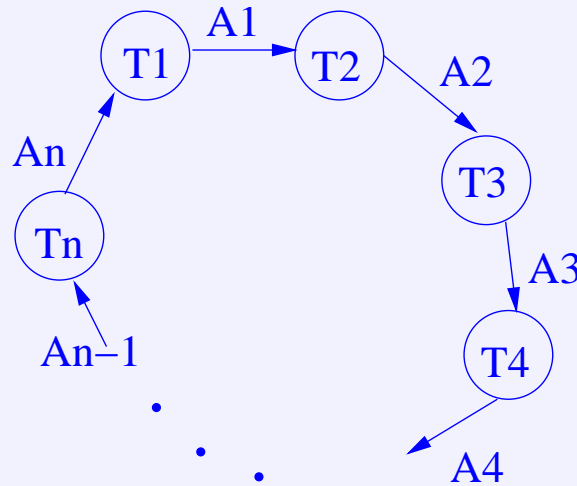
ahol  $T_i$  vár  $T_{i+1}$ -re az  $A_i$  adategység miatt, akkor  $A_1 < A_2 < A_3 < \dots < A_n < A_1$  áll fenn abban az esetben, ha mindegyik tranzakció betartotta, hogy növéleg kér zárat. **Ez azonban ellentmondás.**

Tehát ez a protokoll is megelőzi a holtponot, de itt is előre kell tudni, hogy milyen záratat fog kérni egy tranzakció.

Még egy módszer, ami szintén optimista, mint az első:

**Időkorlát alkalmazása:** ha egy tranzakció kezdete óta túl sok idő telt el: **ABORT.**

**Bizonyítás:** Ha valamely pillanatban lenne irányított kör a várakozási gráfban:



ahol  $T_i$  vár  $T_{i+1}$ -re az  $A_i$  adategység miatt, akkor  $A_1 < A_2 < A_3 < \dots < A_n < A_1$  áll fenn abban az esetben, ha mindegyik tranzakció betartotta, hogy növéleg kér zárat. **Ez azonban ellentmondás.**

Tehát ez a protokoll is megelőzi a holtponot, de itt is előre kell tudni, hogy milyen záratat fog kérni egy tranzakció.

Még egy módszer, ami szintén optimista, mint az első:

**Időkorlát alkalmazása:** ha egy tranzakció kezdete óta túl sok idő telt el: **ABORT.**

Ehhez az kell, hogy ezt az időkorlátot jól tudjuk megválasztani.